

Mathe Vorkurs Online - Übungen Blatt 8

MV 04	Blatt 08	Kapitel 6.1	Linearfaktorzerlegung
keine	ElementareFktn	Nummer: 35 0 200408002	Kl: 14G
Grad: 20	Zeit: 30	Quelle: keine	W

Aufgabe 8.1.1: Zerlegen Sie die Funktion $p(x) = 4x^2 - 16x + 272$ in (komplexe) Linearfaktoren.

Parameter:

$x_1 =$ Faktor vor dem x^2 , $x_2, x_3 =$ Realteil und Imaginärteil der komplexen Nullstelle, $x_3 > x_2 > 0, x_1 > 1$

Die Formel ist also: $x_1x^2 - \{2 \cdot x_2 \cdot x_1\}x + \{(x_2^2 + x_3^2) \cdot x_1\}$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 4$ $x_2 = 2$ $x_3 = 8$.

Erklärung:

Die Berechnung beginnt mit der Mitternachtsformel: $\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$.

Rechnung:

$$\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{16 \pm \sqrt{(16)^2 - 4 \cdot 4 \cdot 272}}{2 \cdot 4} = \frac{16 \pm \sqrt{-4096}}{8} = 2 \pm \frac{64i}{8} = 2 \pm 8i$$

Damit ist die Linearfaktorzerlegung: $4 \cdot (x - (2 + 8i)) \cdot (x - (2 - 8i))$.

Angebotene Lösungen:

- | | | | |
|---------------------------------------|---|-----------------------------|---|
| <input type="checkbox"/> 1 | $(x - 2) \cdot (x - 8)$ | <input type="checkbox"/> 2 | $4 \cdot (x - 4i) \cdot (x - 68i)$ |
| <input type="checkbox"/> 3 | $(x - 16)^2 \cdot (x - 272)^2$ | <input type="checkbox"/> 4 | $(x - (2 + 8i)) \cdot (x - (2 - 8i))$ |
| <input type="checkbox"/> 5 | es gibt keine | <input type="checkbox"/> 6 | $(x - (8 + 2i)) \cdot (x - (8 - 2i))$ |
| <input type="checkbox"/> 7 | $4 \cdot (x - (8 + 2i)) \cdot (x - (8 - 2i))$ | <input type="checkbox"/> 8 | $(x - (2 + 8i))^2 \cdot (x - (2 - 8i))^2$ |
| <input checked="" type="checkbox"/> 9 | $4 \cdot (x - (2 + 8i)) \cdot (x - (2 - 8i))$ | <input type="checkbox"/> 10 | $(x - 16) \cdot (x - 272)$ |
| <input type="checkbox"/> 11 | $4 \cdot (x - 4) \cdot (x - 68)$ | <input type="checkbox"/> 12 | $4 \cdot (x - (2 + 8i))^2 \cdot (x - (2 - 8i))^2$ |

Fehlerinterpretation:

- | | | |
|---------------------------------------|---|---|
| <input type="checkbox"/> 1 | $(x - 2) \cdot (x - 8)$ | DF: MNF nicht richtig gerechnet |
| <input type="checkbox"/> 2 | $4 \cdot (x - 4i) \cdot (x - 68i)$ | DF: MNF nicht richtig gerechnet |
| <input type="checkbox"/> 3 | $(x - 16)^2 \cdot (x - 272)^2$ | DF: MNF nicht richtig gerechnet |
| <input type="checkbox"/> 4 | $(x - (2 + 8i)) \cdot (x - (2 - 8i))$ | RF: Vorfaktor vergessen |
| <input type="checkbox"/> 5 | es gibt keine | DF: es gibt eine (zumindest komplex) |
| <input type="checkbox"/> 6 | $(x - (8 + 2i)) \cdot (x - (8 - 2i))$ | DF: Realteil und Imaginärteil verwechselt |
| <input type="checkbox"/> 7 | $4 \cdot (x - (8 + 2i)) \cdot (x - (8 - 2i))$ | DF: Realteil und Imaginärteil verwechselt |
| <input type="checkbox"/> 8 | $(x - (2 + 8i))^2 \cdot (x - (2 - 8i))^2$ | DF: MNF Wurzel ist 'reell' |
| <input checked="" type="checkbox"/> 9 | $4 \cdot (x - (2 + 8i)) \cdot (x - (2 - 8i))$ | richtig |
| <input type="checkbox"/> 10 | $(x - 16) \cdot (x - 272)$ | DF: MNF nicht richtig gerechnet |
| <input type="checkbox"/> 11 | $4 \cdot (x - 4) \cdot (x - 68)$ | DF: MNF nicht richtig gerechnet |
| <input type="checkbox"/> 12 | $4 \cdot (x - (2 + 8i))^2 \cdot (x - (2 - 8i))^2$ | DF: MNF Wurzel ist 'reell' |

MV 04	Blatt 08	Kapitel 6.1	Linearfaktorzerlegung
keine	ElementareFktn	Nummer: 36 0 200408003	Kl: 14G
Grad: 20	Zeit: 30	Quelle: keine	W

Aufgabe 8.1.2: Finden Sie ein Polynom möglichst niedrigen Grades durch die Punkte $(-1, 6)$, $(0, 7)$, $(2, 33)$.

Parameter:

$x_1, x_2, x_3 =$ Koeffizienten des Ergebnispolynoms, $x_3 > x_2 > 0, x_1 > 1$
 $x_4, x_5, x_6 = x$ - Werte zu den berechneten y - Werten $x_4 < 0, x_5 = 0, x_6 > 0$

Die Punkte lauten also: $(x_n, \{x_1 \cdot x_n^2 + x_2 \cdot x_n + x_3\})$ ($n = 4, 5, 6$).
 Das Ergebnis ist: $x_1 x^2 + x_2 x + x_3$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 4$ $x_2 = 5$ $x_3 = 7$ $x_4 = -1$ $x_5 = 0$ $x_6 = 2$.

Erklärung:

Weil drei Punkte gegeben sind, ist der Minimalgrad des Polynomes $= 3 - 1 = 2$. Machen Sie also eine Punktprobe mit den drei Punkten bei einem allgemeinen Polynom zweiten Grades und lösen Sie das zugehörige lineare Gleichungssystem.

Rechnung:

Die Punktprobe bei $y = a \cdot x^2 + b \cdot x + c$ ergibt:

$$\begin{array}{rcl} 6 & = & a \cdot (-1)^2 + b \cdot (-1) + c \\ 7 & = & a \cdot 0^2 + b \cdot 0 + c \\ 33 & = & a \cdot 2^2 + b \cdot 2 + c \end{array}$$

Lösung des Gleichungssystems ergibt: $a = 4, b = 5, c = 7$ (wird hier nicht durchgeführt). Damit ist das Lösungspolynom $4x^2 + 5x + 7$.

Angebotene Lösungen:

- | | | | | | | | |
|----------------------------|------------------|-----------------------------|----------------------|---------------------------------------|------------------|-----------------------------|-----------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | $-1x^2 + 0x + 2$ | <input type="checkbox"/> 2 | $\pm(-1x + 0)$ | <input checked="" type="checkbox"/> 3 | $4x^2 + 5x + 7$ | <input type="checkbox"/> 4 | $4x + 2$ |
| <input type="checkbox"/> 5 | $5x + 7$ | <input type="checkbox"/> 6 | $\pm(4x + 2)$ | <input type="checkbox"/> 7 | $2x^2 + 0x + -1$ | <input type="checkbox"/> 8 | $7x^2 + 5x + 4$ |
| <input type="checkbox"/> 9 | $-1x + 0$ | <input type="checkbox"/> 10 | $\pm(4x^2 + 5x + 7)$ | <input type="checkbox"/> 11 | $\pm(5x + 7)$ | <input type="checkbox"/> 12 | es gibt keines |

Fehlerinterpretation:

- | | | |
|---------------------------------------|----------------------|---|
| <input type="checkbox"/> 1 | $-1x^2 + 0x + 2$ | DF: geraten |
| <input type="checkbox"/> 2 | $\pm(-1x + 0)$ | DF: Lösung eindeutig |
| <input checked="" type="checkbox"/> 3 | $4x^2 + 5x + 7$ | richtig |
| <input type="checkbox"/> 4 | $4x + 2$ | DF: Grad des Polynoms falsch |
| <input type="checkbox"/> 5 | $5x + 7$ | DF: Grad des Polynoms falsch |
| <input type="checkbox"/> 6 | $\pm(4x + 2)$ | DF: Lösung eindeutig |
| <input type="checkbox"/> 7 | $2x^2 + 0x + -1$ | DF: geraten |
| <input type="checkbox"/> 8 | $7x^2 + 5x + 4$ | DF: falsche Reihenfolge der Koeffizienten |
| <input type="checkbox"/> 9 | $-1x + 0$ | DF: Grad des Polynoms falsch |
| <input type="checkbox"/> 10 | $\pm(4x^2 + 5x + 7)$ | DF: Lösung eindeutig |
| <input type="checkbox"/> 11 | $\pm(5x + 7)$ | DF: Lösung eindeutig |
| <input type="checkbox"/> 12 | es gibt keines | DF: es gibt eines (sogar genau eines) |

MV 04 Blatt 08 Kapitel 6.1 gebrochenrationale
 Asymptoten ElementareFktn Nummer: 47 0 200408004 Kl: 14G
 Grad: 30 Zeit: 30 Quelle: keine W

Aufgabe 8.1.3: Finden Sie alle Asymptoten der folgenden Funktion:

$$f(x) = (-3) \cdot \frac{(x-2)^3 \cdot (24-4x)}{(x-8)^2 \cdot (x-6)}$$

Parameter:

$x_1, x_5 =$ Vorfaktoren, $x_2, x_3 =$ Zählernullstellen, $x_4, x_6 =$ Nennernullstellen.
 $x_1 < 0, \quad x_4 > x_3 > x_2 > 0, \quad x_5 > 1$

Die Funktion lautet also: $f(x) = x_1 \cdot \frac{(x-x_2)^3 \cdot (\{x_3 \cdot x_5\} - x_5 x)}{(x-x_4)^2 \cdot (x-x_3)}$

In dieser Aufgabe sind $x_1 = -3$ $x_2 = 2$ $x_3 = 6$ $x_4 = 8$ $x_5 = 4$.

Erklärung:

Die waagrechten oder schiefen Asymptoten berechnen Sie durch Polynomdivision mit Rest, die senkrechten Asymptoten sind im voll gekürzten Fall die Nennernullstellen.

Rechnung:

Sowohl Zähler als auch Nenner haben die Nullstelle 6. Deshalb kann man $(x - 6)$ kürzen:

$$(-3) \cdot \frac{(x-2)^3 \cdot (24-4x)}{(x-8)^2 \cdot (x-6)} = (-3) \cdot \frac{(x-2)^3 \cdot (-4) \cdot (x-6)}{(x-8)^2 \cdot (x-6)} = (-3) \cdot \frac{(x-2)^3 \cdot (-4)}{(x-8)^2} = 12 \cdot \frac{(x-2)^3}{(x-8)^2}$$

Damit ist $x = 6$ keine senkrechte Asymptote, $x = 8$ dagegen ist eine. Die schiefe Asymptote errechnet sich durch Polynomdivision mit Rest. Dazu betrachten wir:

$$\begin{array}{r} x^3 - 6x^2 + 12x - 8 : (x^2 - 16x + 64) = x + 10 + \frac{108x - 648}{x^2 - 16x + 64} \\ \underline{-x^3 + 16x^2 - 64x} \\ 10x^2 - 52x \\ \underline{-10x^2 + 160x - 640} \\ 108x - 648 \end{array}$$

Damit ist $y = 12 \cdot (x + 10) = 12x + 120$ schiefe Asymptote.

Angebotene Lösungen:

- | | | | |
|---------------------------------------|---|-----------------------------|---|
| <input type="checkbox"/> 1 | $x = 8$ und $y = -3x$ | <input type="checkbox"/> 2 | $x = \pm 8$ und $y = 12x$ |
| <input type="checkbox"/> 3 | $x = \pm 8$ und $x = 6$ und $y = x$ | <input type="checkbox"/> 4 | $x = 8$ und $x = 6$ und $y = x$ |
| <input type="checkbox"/> 5 | $x = 8$ und $x = 6$ und $y = x + 10$ | <input type="checkbox"/> 6 | $x = 8$ und $y = x + 10$ |
| <input checked="" type="checkbox"/> 7 | $x = 8$ und $y = 12x + 120$ | <input type="checkbox"/> 8 | $x = \pm 8$ und $x = 6$ und $y = 12x + 120$ |
| <input type="checkbox"/> 9 | $x = 8$ und $x = 6$ und $y = -3x$ | <input type="checkbox"/> 10 | $x = \pm 8$ und $y = 12x + 120$ |
| <input type="checkbox"/> 11 | $x = 8$ und $x = 6$ und $y = 12x + 120$ | <input type="checkbox"/> 12 | $x = \pm 8$ und $y = x + 10$ |

Fehlerinterpretation:

- | | | |
|---------------------------------------|---|---|
| <input type="checkbox"/> 1 | $x = 8$ und $y = -3x$ | DF: schiefe Asymptote falsch und mehr |
| <input type="checkbox"/> 2 | $x = \pm 8$ und $y = 12x$ | DF: schiefe Asymptote falsch und mehr |
| <input type="checkbox"/> 3 | $x = \pm 8$ und $x = 6$ und $y = x$ | DF: schiefe Asymptote falsch und mehr |
| <input type="checkbox"/> 4 | $x = 8$ und $x = 6$ und $y = x$ | DF: schiefe Asymptote falsch und mehr |
| <input type="checkbox"/> 5 | $x = 8$ und $x = 6$ und $y = x + 10$ | RF: Vorfaktor vergessen |
| <input type="checkbox"/> 6 | $x = 8$ und $y = x + 10$ | RF: Vorfaktor vergessen |
| <input checked="" type="checkbox"/> 7 | $x = 8$ und $y = 12x + 120$ | richtig |
| <input type="checkbox"/> 8 | $x = \pm 8$ und $x = 6$ und $y = 12x + 120$ | DF: nicht gekürzt und mehr |
| <input type="checkbox"/> 9 | $x = 8$ und $x = 6$ und $y = -3x$ | DF: schiefe Asymptote falsch und mehr |
| <input type="checkbox"/> 10 | $x = \pm 8$ und $y = 12x + 120$ | DF: Nennernullstelle falsch interpretiert |
| <input type="checkbox"/> 11 | $x = 8$ und $x = 6$ und $y = 12x + 120$ | DF: nicht gekürzt |
| <input type="checkbox"/> 12 | $x = \pm 8$ und $y = x + 10$ | DF: Nennernullstelle falsch interpretiert |

MV 04 Blatt 08 Kapitel 6.1 Linearfaktorzerlegung
keine ElementareFktn Nummer: 54 0 200408001 Kl: 14G
Grad: 20 Zeit: 30 Quelle: keine W

Aufgabe 8.1.4: Zerlegen Sie die Funktion $p(x) = 4x^3 - 32x^2 + 76x - 48$ in (komplexe) Linearfaktoren.

Parameter:

$x_1 =$ Faktor vor dem x^3 , $x_2, x_3 =$ Nullstellen, $x_3 > x_2 > 0, x_1 > 1$

Die Formel ist also: $x_1 x^3 - \{(1 + x_2 + x_3) \cdot x_1\} x^2 + \{(x_2 + x_3 + x_2 \cdot x_3) \cdot x_1\} x - \{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3\}$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 4$ $x_2 = 3$ $x_3 = 4$.

Erklärung:

Klammern Sie zuerst den Faktor vor dem x^3 aus. Suchen Sie durch Probieren eine Lösung $x_0 \in \{0, \pm 1, \pm 2, \pm 3\}$. Danach teilen Sie $p(x)$ durch $x - x_0$ mit Polynomdivision. Denken Sie daran, dass jede reelle Zahl auch komplex ist. Das Ausklammern am Anfang erleichtert in erster Linie das Suchen von Nullstellen und das Ausrechnen, es kann auch am Ende gemacht werden.

Die senkrechten Asymptoten sind die Nennernullstellen des Tangens, also die Nullstellen des Kosinus.

Rechnung:

$\cos x' = 0$ für $x' = \frac{(2k+1)\pi}{2}$. Also hat $\tan x'$ senkrechten Asymptoten bei $x' = \frac{(2k+1)\pi}{2}$. Setzen wir $x' = \sqrt[6]{7x-42}$, so erhalten wir:

$$\begin{aligned} x' &= \sqrt[6]{7x-42} = \frac{(2k+1)\pi}{2} \\ \Rightarrow 7 \cdot (x-6) &= \left(\frac{(2k+1)\pi}{2}\right)^6 \\ \Leftrightarrow x-6 &= \frac{((2k+1)\pi)^6}{2^6 \cdot 7} \\ \Leftrightarrow x &= \frac{((2k+1)\pi)^6}{2^6 \cdot 7} + 6 \end{aligned}$$

Die Probe ist wegen des Potenzierens mit 6 notwendig, wird hier aber nicht durchgeführt. Durch das Potenzieren mit 6 fallen die Asymptoten für negative und positive k zusammen. Deshalb kann hier das k durch ein n ersetzt werden. Die senkrechten Asymptoten sind $x = \frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6 \cdot 7} + 6$. Der Definitionsbereich von $f(x)$ ist $x \geq 6$, $x \neq \frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6 \cdot 7} + 6$. Bei $x = 6$ hat $f(x)$ eine Nullstelle. Waagrechte oder schiefe Asymptoten hat $f(x)$ nicht. Der Vorfaktor $5 (\neq 0)$ hat für die senkrechten Asymptoten keine Bedeutung.

Angebotene Lösungen:

- | | | | |
|-----------------------------|---|-------------------------------------|---|
| <input type="checkbox"/> 1 | $x = \pm \frac{\sqrt[6]{(2n+1)\pi}}{\sqrt[6]{2 \cdot 7}} + 6$ und $y = \pm 5 \cdot \frac{\pi}{2}$ | <input type="checkbox"/> 2 | $x = \pm \frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6 \cdot 7} + 6$ |
| <input type="checkbox"/> 3 | es gibt keine | <input type="checkbox"/> 4 | $x = \pm \frac{(2n\pi)^6}{2^6 \cdot 7} + 6$ |
| <input type="checkbox"/> 5 | $x = \frac{\sqrt[6]{2n\pi}}{\sqrt[6]{2 \cdot 7}} + 6$ und $y = \pm 5 \cdot \frac{\pi}{2}$ | <input type="checkbox"/> 6 | $x = \frac{(2n\pi)^6}{2^6 \cdot 7} + 6$ und $y = \pm 5 \cdot \frac{\pi}{2}$ |
| <input type="checkbox"/> 7 | $x = \frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6 \cdot 7} + 6$ und $y = \pm 5 \cdot \frac{\pi}{2}$ | <input type="checkbox"/> 8 | $x = \frac{(2n\pi)^6}{2^6 \cdot 7} + 6$ |
| <input type="checkbox"/> 9 | $x = \frac{\sqrt[6]{(2n+1)\pi}}{\sqrt[6]{2 \cdot 7}} + 6$ | <input type="checkbox"/> 10 | $x = \frac{\sqrt[6]{(2n+1)\pi}}{\sqrt[6]{2 \cdot 7}} + 6$ und $y = \pm 5 \cdot \frac{\pi}{2}$ |
| <input type="checkbox"/> 11 | 161 | <input checked="" type="checkbox"/> | $x = \frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6 \cdot 7} + 6$ |

Fehlerinterpretation:

- | | | |
|-------------------------------------|---|--|
| <input type="checkbox"/> 1 | $x = \pm \frac{\sqrt[6]{(2n+1)\pi}}{\sqrt[6]{2 \cdot 7}} + 6$ und $y = \pm 5 \cdot \frac{\pi}{2}$ | DF: f hat keine waagrechten Asymptoten |
| <input type="checkbox"/> 2 | $x = \pm \frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6 \cdot 7} + 6$ | DF: f ist nur für $x \geq 6$ definiert |
| <input type="checkbox"/> 3 | es gibt keine | DF: doch |
| <input type="checkbox"/> 4 | $x = \pm \frac{(2n\pi)^6}{2^6 \cdot 7} + 6$ | DF: f ist nur für $x \geq 6$ definiert |
| <input type="checkbox"/> 5 | $x = \frac{\sqrt[6]{2n\pi}}{\sqrt[6]{2 \cdot 7}} + 6$ und $y = \pm 5 \cdot \frac{\pi}{2}$ | DF: f hat keine waagrechten Asymptoten |
| <input type="checkbox"/> 6 | $x = \frac{(2n\pi)^6}{2^6 \cdot 7} + 6$ und $y = \pm 5 \cdot \frac{\pi}{2}$ | DF: f hat keine waagrechten Asymptoten |
| <input type="checkbox"/> 7 | $x = \frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6 \cdot 7} + 6$ und $y = \pm 5 \cdot \frac{\pi}{2}$ | DF: f hat keine waagrechten Asymptoten |
| <input type="checkbox"/> 8 | $x = \frac{(2n\pi)^6}{2^6 \cdot 7} + 6$ | DF: das sind die Nullstellen |
| <input type="checkbox"/> 9 | $x = \frac{\sqrt[6]{(2n+1)\pi}}{\sqrt[6]{2 \cdot 7}} + 6$ | RF: falsch aufgelöst |
| <input type="checkbox"/> 10 | $x = \frac{\sqrt[6]{(2n+1)\pi}}{\sqrt[6]{2 \cdot 7}} + 6$ und $y = \pm 5 \cdot \frac{\pi}{2}$ | DF: f hat keine waagrechten Asymptoten |
| <input type="checkbox"/> 11 | 161 | GL: geratene Lösung |
| <input checked="" type="checkbox"/> | $x = \frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6 \cdot 7} + 6$ | richtig |

MV 04 Blatt 08 Kapitel 6.2 gebrochenrationale
 stetigeErg ElementareFktn Nummer: 77 0 200408006 Kl: 14G
 Grad: 20 Zeit: 30 Quelle: keine W

Aufgabe 8.1.6: Gegeben sei die gebrochenrationale Funktion $f : \mathbb{D} \rightarrow \mathbb{R}$ ($\mathbb{D} \subseteq \mathbb{R}$ maximal) mit

$$f(x) = \frac{(7x-21) \cdot (8x+32)^4 \cdot (x-6)^2 \cdot (x+7)}{(x-6) \cdot (2x+8)^5 \cdot (2x-6) \cdot (x+6)}$$

An welchen Stellen $x \notin \mathbb{D}$ ist $f(x)$ stetig ergänzbar?

Parameter:

x_n = Faktoren und Summanden im Bruch, $x_n > 1$, $x_8 > x_5$, x_2, x_4, x_6 , paarweise verschieden, $n = 1..9$

Die Formel lautet: $\frac{(x_1x - \{x_1 \cdot x_2\}) \cdot (x_3x + \{x_3 \cdot x_4\})^{x_5} \cdot (x - x_6)^2 \cdot (x + x_2)}{(x - x_6) \cdot (x_7x + \{x_7 \cdot x_4\})^{x_8} \cdot (x_9x - \{x_9 \cdot x_2\}) \cdot (x + x_6)}$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 7$ $x_2 = 3$ $x_3 = 8$ $x_4 = 4$ $x_5 = 4$ $x_6 = 6$ $x_7 = 2$ $x_8 = 5$ $x_9 = 2$.

Erklärung:

Suchen Sie die Nennernullstellen und versuchen Sie (evtl. durch Ausklammern und Linearfaktorzerlegungen) zu Kürzen. Gelingt dies so, dass eine Nullstelle des Nenners nach dem Kürzen keine mehr ist, so ist $f(x)$ dort stetig ergänzbar.

Rechnung:

Der Definitionsbereich der Funktion ist: $\mathbb{D} = \mathbb{R} \setminus \{3, 6, -4, -6\}$.

$$\begin{aligned} f(x) &= \frac{(7x-21) \cdot (8x+32)^4 \cdot (x-6)^2 \cdot (x+3)}{(x-6) \cdot (2x+8)^5 \cdot (2x-6) \cdot (x+6)} \\ &= \frac{7 \cdot (x-3) \cdot 8^4 \cdot (x+4)^4 \cdot (x-6)^2 \cdot (x+3)}{(x-6) \cdot 2^5 \cdot (x+4)^5 \cdot 2 \cdot (x-3) \cdot (x+6)} \\ &= \frac{7 \cdot 8^4 \cdot (x-6) \cdot (x+3)}{2^5 \cdot 2 \cdot (x+4)^1 \cdot (x+6)} \end{aligned}$$

Die Faktoren $(x - 3)$ und $(x - 6)$ (und damit die zugehörigen Nullstellen) sind aus dem Nenner verschwunden. Damit ist $f(x)$ bei $x = 3$ und $x = 6$ stetig ergänzbar.

Angebotene Lösungen:

- | | | | | | |
|-----------------------------|---|-----------------------------|---------------------------------|---------------------------------------|--------------------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | $\mathbb{R} \setminus \{3, \pm 6, -4\}$ | <input type="checkbox"/> 2 | $\mathbb{R} \setminus \{3, 6\}$ | <input type="checkbox"/> 3 | $x = 6$ und $x = -3$ |
| <input type="checkbox"/> 4 | $\mathbb{R} \setminus \{6, -3\}$ | <input type="checkbox"/> 5 | es gibt keine | <input type="checkbox"/> 6 | $x = \pm 3$ und $x = 6$ und $x = -4$ |
| <input type="checkbox"/> 7 | $\mathbb{R} \setminus \{-4, -6\}$ | <input type="checkbox"/> 8 | $x = -4$ und $x = -6$ | <input checked="" type="checkbox"/> 9 | $x = 3$ und $x = 6$ |
| <input type="checkbox"/> 10 | $\mathbb{R} \setminus \{\pm 3, 6, -4\}$ | <input type="checkbox"/> 11 | $\mathbb{R} \setminus \{3\}$ | <input type="checkbox"/> 12 | $x = 3$ und $x = \pm 6$ und $x = -4$ |

Fehlerinterpretation:

- | | | |
|---------------------------------------|---|--|
| <input type="checkbox"/> 1 | $\mathbb{R} \setminus \{3, \pm 6, -4\}$ | DF: Definitionsbereich angegeben |
| <input type="checkbox"/> 2 | $\mathbb{R} \setminus \{3, 6\}$ | DF: stetige Ergänzung nicht verstanden |
| <input type="checkbox"/> 3 | $x = 6$ und $x = -3$ | DF: alle Nullstellen angegeben |
| <input type="checkbox"/> 4 | $\mathbb{R} \setminus \{6, -3\}$ | DF: stetige Ergänzung nicht verstanden |
| <input type="checkbox"/> 5 | es gibt keine | DF: doch |
| <input type="checkbox"/> 6 | $x = \pm 3$ und $x = 6$ und $x = -4$ | DF: alle Nullstellen des Zählers angegeben |
| <input type="checkbox"/> 7 | $\mathbb{R} \setminus \{-4, -6\}$ | DF: stetige Ergänzung nicht verstanden |
| <input type="checkbox"/> 8 | $x = -4$ und $x = -6$ | DF: nur die senkrechten Asymptoten angegeben |
| <input checked="" type="checkbox"/> 9 | $x = 3$ und $x = 6$ | richtig |
| <input type="checkbox"/> 10 | $\mathbb{R} \setminus \{\pm 3, 6, -4\}$ | DF: stetige Ergänzung nicht verstanden |
| <input type="checkbox"/> 11 | $\mathbb{R} \setminus \{3\}$ | DF: stetige Ergänzung nicht verstanden |
| <input type="checkbox"/> 12 | $x = 3$ und $x = \pm 6$ und $x = -4$ | DF: alle Nullstellen des Nenners angegeben |

Allgemeine Hinweise:

Bei weiteren Fragen, wenden Sie sich bitte an W. Schmid (sltsoftware@yahoo.de).

Weitere Hinweise finden Sie auf unserer Veranstaltungswebseite unter: <http://www.vorkurs.de.vu>