Blatt Nr 08.04

Mathe Vorkurs Online - Übungen Blatt 8

MV 04	Blatt 08	Kapitel 6.2	gebrochenrationale
stetigeErg	ElementareFktn	Nummer: 47 0 200408006	Kl: 14G
Grad: 20 Zeit: 30	Quelle: keine	W	

Aufgabe 8.1.1: Gegeben sei die gebrochenrationale Funktion $f : \mathbb{D} \to \mathbb{R}$ ($\mathbb{D} \subseteq \mathbb{R}$ maximal) mit

$$f(x) \quad = \quad \frac{(5x-10)\cdot(9x+36)^2\cdot(x-6)^2\cdot(x+5)}{(x-6)\cdot(5x+20)^4\cdot(2x-4)\cdot(x+6)}.$$

An welchen Stellen $x \notin \mathbb{D}$ ist $f(x)$ stetig ergänzbar?

Parameter:

x_n = Faktoren und Summanden im Bruch, $x_n > 1$, $x_8 > x_5$, x_2, x_4, x_6, paarweise verschieden, $n = 1..9$

Die Formel lautet: $\frac{(x_1x-\{x_1\cdot x_2\})\cdot(x_3x+\{x_3\cdot x_4\})^{x_5}\cdot(x-x_6)^2\cdot(x+x_2)}{(x-x_6)\cdot(x_7x+\{x_7\cdot x_4\})^{x_8}\cdot(x_9x-\{x_9\cdot x_2\})\cdot(x+x_6)}$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 5$ $x_2 = 2$ $x_3 = 9$ $x_4 = 4$ $x_5 = 2$ $x_6 = 6$ $x_7 = 5$ $x_8 = 4$ $x_9 = 2$.

Erklärung:

Suchen Sie die Nennernullstellen und versuchen Sie (evtl. durch Ausklammern und Linearfaktorzerlegungen) zu Kürzen. Gelingt dies so, dass eine Nullstelle des Nenners nach dem Kürzen keine mehr ist, so ist $f(x)$ dort stetig ergänzbar.

Rechnung:

Der Definitionsbereich der Funktion ist: $\mathbb{D} = \mathbb{R}\backslash\{2, 6, -4, -6\}$.

$$\begin{aligned} f(x) &= \frac{(5x-10)\cdot(9x+36)^2\cdot(x-6)^2\cdot(x+2)}{(x-6)\cdot(5x+20)^4\cdot(2x-4)\cdot(x+6)} \\ &= \frac{5\cdot(x-2)\cdot 9^2\cdot(x+4)^2\cdot(x-6)^2\cdot(x+2)}{(x-6)\cdot 5^4\cdot(x+4)^4\cdot 2\cdot(x-2)\cdot(x+6)} \\ &= \frac{5\cdot 9^2\cdot(x-6)\cdot(x+2)}{5^4\cdot 2\cdot(x+4)^2\cdot(x+6)} \end{aligned}$$

Die Faktoren $(x-2)$ und $(x-6)$ (und damit die zugehörigen Nullstellen) sind aus dem Nenner verschwunden. Damit ist $f(x)$ bei $x = 2$ und $x = 6$ stetig ergänzbar.

Angebotene Lösungen:

[1] $x = 2$ und $x = \pm 6$ und $x = -4$	[2] $\mathbb{R}\backslash\{2\}$	[3] $x = -4$ und $x = -6$
[4] $\mathbb{R}\backslash\{\pm 2, 6, -4\}$	[5] $x = 2$	[6] $\mathbb{R}\backslash\{2, 6\}$
[7] $x = \pm 2$ und $x = 6$ und $x = -4$	[8] $\mathbb{R}\backslash\{-4, -6\}$	[9] $\mathbb{R}\backslash\{2, \pm 6, -4\}$
[10] $x = 6$ und $x = -2$	[X] $x = 2$ und $x = 6$	[12] es gibt keine

Fehlerinterpretation:

[1] $x = 2$ und $x = \pm 6$ und $x = -4$	DF: alle Nullstellen des Nenners angegeben
[2] $\mathbb{R}\backslash\{2\}$	DF: stetige Ergänzung nicht verstanden
[3] $x = -4$ und $x = -6$	DF: nur die senkrechten Asymptoten angegeben
[4] $\mathbb{R}\backslash\{\pm 2, 6, -4\}$	DF: stetige Ergänzung nicht verstanden
[5] $x = 2$	DF: an einer Nullstelle kann f auch stetig ergänzbar sein
[6] $\mathbb{R}\backslash\{2, 6\}$	DF: stetige Ergänzung nicht verstanden
[7] $x = \pm 2$ und $x = 6$ und $x = -4$	DF: alle Nullstellen des Zählers angegeben
[8] $\mathbb{R}\backslash\{-4, -6\}$	DF: stetige Ergänzung nicht verstanden
[9] $\mathbb{R}\backslash\{2, \pm 6, -4\}$	DF: Definitionsbereich angegeben
[10] $x = 6$ und $x = -2$	DF: alle Nullstellen angegeben
[X] $x = 2$ und $x = 6$	richtig
[12] es gibt keine	DF: doch

Aufgabe 8.1.2: Finden Sie alle Asymptoten der folgenden Funktion:

$$f(x) = (-3) \cdot \frac{(x-2)^3 \cdot (9-3x)}{(x-5)^2 \cdot (x-3)}$$

Parameter:

x_1, x_5 = Vorfaktoren, x_2, x_3 = Zählernullstellen, x_4, x_3 = Nennernullstellen.
$x_1 < 0, \quad x_4 > x_3 > x_2 > 0, \quad x_5 > 1$

Die Funktion lautet also: $f(x) = x_1 \cdot \frac{(x-x_2)^3 \cdot (\{x_3 \cdot x_5\} - x_5 x)}{(x-x_4)^2 \cdot (x-x_3)}$

In dieser Aufgabe sind $x_1 = -3 \quad x_2 = 2 \quad x_3 = 3 \quad x_4 = 5 \quad x_5 = 3$.

Erklärung:

Die waagrechten oder schiefen Asymptoten berechnen Sie durch Polynomdivision mit Rest, die senkrechten Asymptoten sind im voll gekürzten Fall die Nennernullstellen.

Rechnung:

Sowohl Zähler als auch Nenner haben die Nullstelle 3. Deshalb kann man $(x-3)$ kürzen:

$$(-3) \cdot \frac{(x-2)^3 \cdot (9-3x)}{(x-5)^2 \cdot (x-3)} = (-3) \cdot \frac{(x-2)^3 \cdot (-3) \cdot (x-3)}{(x-5)^2 \cdot (x-3)} = (-3) \cdot \frac{(x-2)^3 \cdot (-3)}{(x-5)^2} = 9 \cdot \frac{(x-2)^3}{(x-5)^2}$$

Damit ist $x = 3$ keine senkrechte Asymptote, $x = 5$ dagegen ist eine. Die schiefe Asymptote errechnet sich durch Polynomdivision mit Rest. Dazu betrachten wir:

$$\begin{array}{rrrrl}
x^3 & -6x^2 & +12x & -8 & : \ (x^2-10x+25) \ = x + 4 + \frac{27x-108}{x^2-10x+25} \\
-x^3 & +10x^2 & -25x & & \\
\hline
 & 4x^2 & -13x & & \\
 & -4x^2 & +40x & -100 & \\
\hline
 & & 27x & -108 &
\end{array}$$

Damit ist $y = 9 \cdot (x+4) = 9x + 36$ schiefe Asymptote.

Angebotene Lösungen:

[1] $x = \pm 5$ und $y = 9x$	[2] $x = \pm 5$ und $x = 3$ und $y = 9x + 36$
[3] $x = 5$ und $x = 3$ und $y = x$	[4] $x = 5$ und $y = x + 4$
[5] $x = 5$ und $y = -3x$	[X] $x = 5$ und $y = 9x + 36$
[7] $x = 5$ und $x = 3$ und $y = x + 4$	[8] $x = \pm 5$ und $y = 9x + 36$
[9] $x = \pm 5$ und $y = x + 4$	[10] $x = \pm 5$ und $x = 3$ und $y = x + 4$
[11] $x = \pm 5$ und $x = 3$ und $y = x$	[12] $x = 5$ und $x = 3$ und $y = 9x + 36$

Fehlerinterpretation:

[1]	$x = \pm 5$ und $y = 9x$	DF: schiefe Asymptote falsch und mehr
[2]	$x = \pm 5$ und $x = 3$ und $y = 9x + 36$	DF: nicht gekürzt und mehr
[3]	$x = 5$ und $x = 3$ und $y = x$	DF: schiefe Asymptote falsch und mehr
[4]	$x = 5$ und $y = x + 4$	RF: Vorfaktor vergessen
[5]	$x = 5$ und $y = -3x$	DF: schiefe Asymptote falsch und mehr
[X]	$x = 5$ und $y = 9x + 36$	richtig
[7]	$x = 5$ und $x = 3$ und $y = x + 4$	RF: Vorfaktor vergessen
[8]	$x = \pm 5$ und $y = 9x + 36$	DF: Nennernullstelle falsch interpretiert
[9]	$x = \pm 5$ und $y = x + 4$	DF: Nennernullstelle falsch interpretiert
[10]	$x = \pm 5$ und $x = 3$ und $y = x + 4$	DF: nicht gekürzt und mehr
[11]	$x = \pm 5$ und $x = 3$ und $y = x$	DF: schiefe Asymptote falsch und mehr
[12]	$x = 5$ und $x = 3$ und $y = 9x + 36$	DF: nicht gekürzt

MV 04	Blatt 08	Kapitel 6.1	Linearfaktorzerlegung
keine	ElementareFktn	Nummer: 66 0 200408001	Kl: 14G
Grad: 20 Zeit: 30	Quelle: keine	W	

Aufgabe 8.1.3: Zerlegen Sie die Funktion $p(x) = 4x^3 - 40x^2 + 108x - 72$ in (komplexe) Linearfaktoren.

Parameter:

x_1 = Faktor vor dem x^3, x_2, x_3 = Nullstellen, $x_3 > x_2 > 0, x_1 > 1$

Die Formel ist also: $x_1x^3 - \{(1 + x_2 + x_3) \cdot x_1\}x^2 + \{(x_2 + x_3 + x_2 \cdot x_3) \cdot x_1\}x - \{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3\}$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 4 \quad x_2 = 3 \quad x_3 = 6$.

Erklärung:

Klammern Sie zuerst den Faktor vor dem x^3 aus. Suchen Sie durch Probieren eine Lösung $x_0 \in \{0, \pm 1, \pm 2, \pm 3\}$. Danach teilen Sie $p(x)$ durch $x - x_0$ mit Polynomdivision. Denken Sie daran, dass jede reelle Zahl auch komplex ist. Das Ausklammern am Anfang erleichtert in erster Linie das Suchen von Nullstellen und das Ausrechnen, es kann auch am Ende gemacht werden.

Rechnung:

Wir klammern zuerst 4 aus: $p(x) = 4(x^3 - 10x^2 + 27x - 18) =: 4 \cdot q(x)$.
Offensichtlich löst $x_0 = 1$ die Gleichung: $p(1) = 4(1^3 - 10 \cdot 1^2 + 27 \cdot 1 - 18) = 0$.
Damit sind $p(x)$ und $q(x)$ durch $(x - 1)$ teilbar:

$$
\begin{array}{rrrrl}
x^3 & -10x^2 & +27x & -18: & (x-1) = x^2 - 9x + 18 \\
-x^3 & +x^2 & & & \\
\hline
 & -9x^2 & +27x & & \\
 & +9x^2 & -9x & & \\
\hline
 & & +18x & -18 & \\
 & & -18x & +18 & \\
\hline
 & & & 0 &
\end{array}
$$

Gesucht sind jetzt noch die Nullstellen von $x^2 - 9x + 18$ (mit der Mitternachtsformel):

$$\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{9 \pm \sqrt{(9)^2 - 418}}{2} = 3 \quad \text{oder} \quad 6$$

Damit ist die Linearfaktorzerlegung: $4 \cdot (x - 1) \cdot (x - 3) \cdot (x - 6)$.

Angebotene Lösungen:

[1] es gibt keine	[2] $(x-1) \cdot (x-3) \cdot (x-6)$	[3] $(x+4) \cdot (x+3) \cdot (x+6)$
[☒] $4 \cdot (x-1) \cdot (x-3) \cdot (x-6)$	[5] $(x-4) \cdot (x-3) \cdot (x-6)$	[6] $4 \cdot (x-10) \cdot (x-27) \cdot (x-18)$
[7] $(x-10) \cdot (x-27) \cdot (x-18)$	[8] $4 \cdot (x+1) \cdot (x+3) \cdot (x+6)$	[9] $(x+1) \cdot (x+3) \cdot (x+6)$
[10] $(x-40) \cdot (x+108) \cdot (x-72)$	[11] $(x+40) \cdot (x+108) \cdot (x+72)$	[12] $4 \cdot (x+10) \cdot (x+27) \cdot (x+18)$

Fehlerinterpretation:

1	es gibt keine	DF: es gibt eine
2	$(x-1)\cdot(x-3)\cdot(x-6)$	DF: Vorfaktor vergessen
3	$(x+4)\cdot(x+3)\cdot(x+6)$	DF: Vorfaktor vergessen und falsch zerlegt
☒	$4\cdot(x-1)\cdot(x-3)\cdot(x-6)$	richtig
5	$(x-4)\cdot(x-3)\cdot(x-6)$	DF: Vorfaktor vergessen und falsch zerlegt
6	$4\cdot(x-10)\cdot(x-27)\cdot(x-18)$	DF: völlig falsch zerlegt
7	$(x-10)\cdot(x-27)\cdot(x-18)$	DF: völlig falsch zerlegt
8	$4\cdot(x+1)\cdot(x+3)\cdot(x+6)$	RF: Vorzeichen falsch
9	$(x+1)\cdot(x+3)\cdot(x+6)$	DF: Vorfaktor vergessen
10	$(x-40)\cdot(x+108)\cdot(x-72)$	DF: völlig falsch zerlegt
11	$(x+40)\cdot(x+108)\cdot(x+72)$	DF: völlig falsch zerlegt
12	$4\cdot(x+10)\cdot(x+27)\cdot(x+18)$	DF: völlig falsch zerlegt

MV 04	Blatt 08	Kapitel 6.1	Linearfaktorzerlegung
keine	ElementareFktn	Nummer: 84 0 200408003	Kl: 14G
Grad: 20 Zeit: 30	Quelle: keine	W	

Aufgabe 8.1.4: Finden Sie ein Polynom möglichst niedrigen Grades durch die Punkte $(-2,13)$, $(0,5)$, $(2,29)$.

Parameter:

x_1, x_2, x_3 = Koeffizienten des Ergebnispolynoms, $x_3 > x_2 > 0$, $x_1 > 1$
$x_4, x_5, x_6 = x$ - Werte zu den berechneten y - Werten $x_4 < 0, x_5 = 0, x_6 > 0$

Die Punkte lauten also: $(x_n, \{x_1 \cdot x_n^2 + x_2 \cdot x_n + x_3\})$ $(n = 4,5,6)$.
Das Ergebnis ist: $x_1x^2 + x_2x + x_3$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 4 \quad x_2 = 4 \quad x_3 = 5 \quad x_4 = -2 \quad x_5 = 0 \quad x_6 = 2$.

Erklärung:

Weil drei Punkte gegeben sind, ist der Minimalgrad des Polynomes $= 3-1 = 2$. Machen Sie also eine Punktprobe mit den drei Punkten bei einem allgemeinen Polynom zweiten Grades und lösen Sie das zugehörige lineare Gleichungssystem.

Rechnung:

Die Punktprobe bei $y = a\cdot x^2 + b\cdot x + c$ ergibt:

$$\begin{array}{rcllll} 13 &=& a\cdot(-2)^2 & +b\cdot(-2) & +c \\ 5 &=& a\cdot 0^2 & +b\cdot 0 & +c \\ 29 &=& a\cdot 2^2 & +b\cdot 2 & +c \end{array}$$

Lösung des Gleichungssystems ergibt: $a = 4, b = 4, c = 5$ (wird hier nicht durchgeführt). Damit ist das Lösungspolynom $4x^2 + 4x + 5$.

Angebotene Lösungen:

1 $4x+2$	2 $4x+5$	3 $-2x^2+0x+2$	4 $-2x+0$
5 $5x^2+4x+4$	6 $\pm(5x^2+4x+4)$	7 $\pm(4x+5)$	8 $\pm(-2x+0)$
9 $\pm(4x+2)$	10 $2x^2+0x+-2$	11 $\pm(4x^2+4x+5)$	☒ $4x^2+4x+5$

Fehlerinterpretation:

1	$4x+2$	DF: Grad des Polynoms falsch
2	$4x+5$	DF: Grad des Polynoms falsch
3	$-2x^2+0x+2$	DF: geraten
4	$-2x+0$	DF: Grad des Polynoms falsch
5	$5x^2+4x+4$	DF: falsche Reihenfolge der Koeffizienten
6	$\pm(5x^2+4x+4)$	DF: Lösung eindeutig
7	$\pm(4x+5)$	DF: Lösung eindeutig
8	$\pm(-2x+0)$	DF: Lösung eindeutig
9	$\pm(4x+2)$	DF: Lösung eindeutig
10	$2x^2+0x+-2$	DF: geraten
11	$\pm(4x^2+4x+5)$	DF: Lösung eindeutig
☒	$4x^2+4x+5$	richtig

MV 04	Blatt 08	Kapitel 6.1	gebrochenrationale
Asymptoten	ElementareFktn	Nummer: 92 0 200408005	Kl: 14G
Grad: 30 Zeit: 30	Quelle: keine	W	

Aufgabe 8.1.5: Finden Sie alle Asymptoten der folgenden Funktion: $f(x) = 5 \cdot \tan\left(\sqrt[6]{3x-6}\right)$ (im Folgenden sei k eine beliebige ganze Zahl, n eine beliebige Zahl aus $\mathbb{N}_0$).

Parameter:

$x_1 =$ Vorfaktor, $x_2 = n$ - te Wurzel, $x_3, x_4 =$ Koeffizienten unter der Wurzel.
$x_1 > 0$, $\quad x_2 > 1$, x_2 gerade $\quad x_3, x_4 > 1$

Die Funktion lautet also: $f(x) = x_1 \cdot \tan\left(\sqrt[x_2]{x_3 x - \{x_4 \cdot x_3\}}\right)$

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 5 \quad x_2 = 6 \quad x_3 = 3 \quad x_4 = 2$.

Erklärung:

Die senkrechten Asymptoten sind die Nennernullstellen des Tangens, also die Nullstellen des Kosinus.

Rechnung:

$\cos x' = 0$ für $x' = \frac{(2k+1)\pi}{2}$. Also hat $\tan x'$ senkrechten Asymptoten bei $x' = \frac{(2k+1)\pi}{2}$. Setzen wir $x' = \sqrt[6]{3x-6}$, so erhalten wir:

$$\begin{array}{rlcl} x' & = \sqrt[6]{3x-6} & = & \frac{(2k+1)\pi}{2} \\ \Rightarrow & 3\cdot(x-2) & = & \left(\frac{(2k+1)\pi}{2}\right)^6 \\ \Leftrightarrow & x-2 & = & \frac{((2k+1)\pi)^6}{2^6\cdot 3} \\ \Leftrightarrow & x & = & \frac{((2k+1)\pi)^6}{2^6\cdot 3}+2 \end{array}$$

Die Probe ist wegen des Potenzierens mit 6 notwendig, wird hier aber nicht durchgeführt. Durch das Potenzieren mit 6 fallen die Asymptoten für negative und positive k zusammen. Deshalb kann hier das k durch ein n ersetzt werden. Die senkrechten Asymptoten sind $x = \frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6\cdot 3} + 2$. Der Defintionsbereich von $f(x)$ ist $x \geq 2$, $x \neq \frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6\cdot 3} + 2$. Bei $x = 2$ hat $f(x)$ eine Nullstelle. Waagrechte oder schiefe Asymptoten hat $f(x)$ nicht. Der Vorfaktor $5(\neq 0)$ hat für die senkrechten Asymptoten keine Bedeutung.

Angebotene Lösungen:

1	$x = \pm\frac{\sqrt[6]{(2n+1)\pi}}{\sqrt[6]{2\cdot 3}} + 2$ und $y = \pm 5\cdot\frac{\pi}{2}$	☒	$x = \frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6\cdot 3} + 2$
3	$x = \frac{\sqrt[6]{(2n+1)\pi}}{\sqrt[6]{2\cdot 3}} + 2$ und $y = \pm 5\cdot\frac{\pi}{2}$	4	$x = \frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6\cdot 3} + 2$ und $y = \pm 5\cdot\frac{\pi}{2}$
5	$x = \frac{\sqrt[6]{2n\pi}}{\sqrt[6]{2\cdot 3}} + 2$ und $y = \pm 5\cdot\frac{\pi}{2}$	6	es gibt keine
7	$x = \pm\frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6\cdot 3} + 2$	8	$x = \pm\frac{(2n\pi)^6}{2^6\cdot 3} + 2$
9	$x = \frac{(2n\pi)^6}{2^6\cdot 3} + 2$	10	$x = \frac{(2n\pi)^6}{2^6\cdot 3} + 2$ und $y = \pm 5\cdot\frac{\pi}{2}$
11	$x = \frac{\sqrt[6]{(2n+1)\pi}}{\sqrt[6]{2\cdot 3}} + 2$	12	162

Fehlerinterpretation:

1	$x = \pm\frac{\sqrt[6]{(2n+1)\pi}}{\sqrt[6]{2}\cdot 3} + 2$ und $y = \pm 5 \cdot \frac{\pi}{2}$	DF: f hat keine waagrechten Asymptoten
☒	$x = \frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6\cdot 3} + 2$	richtig
3	$x = \frac{\sqrt[6]{(2n+1)\pi}}{\sqrt[6]{2}\cdot 3} + 2$ und $y = \pm 5 \cdot \frac{\pi}{2}$	DF: f hat keine waagrechten Asymptoten
4	$x = \frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6\cdot 3} + 2$ und $y = \pm 5 \cdot \frac{\pi}{2}$	DF: f hat keine waagrechten Asymptoten
5	$x = \frac{\sqrt[6]{2n\pi}}{\sqrt[6]{2}\cdot 3} + 2$ und $y = \pm 5 \cdot \frac{\pi}{2}$	DF: f hat keine waagrechten Asymptoten
6	es gibt keine	DF: doch
7	$x = \pm\frac{((2n+1)\pi)^6}{2^6\cdot 3} + 2$	DF: f ist nur für $x \geq 2$ definiert
8	$x = \pm\frac{(2n\pi)^6}{2^6\cdot 3} + 2$	DF: f ist nur für $x \geq 2$ definiert
9	$x = \frac{(2n\pi)^6}{2^6\cdot 3} + 2$	DF: das sind die Nullstellen
10	$x = \frac{(2n\pi)^6}{2^6\cdot 3} + 2$ und $y = \pm 5 \cdot \frac{\pi}{2}$	DF: f hat keine waagrechten Asymptoten
11	$x = \frac{\sqrt[6]{(2n+1)\pi}}{\sqrt[6]{2}\cdot 3} + 2$	RF: falsch aufgelöst
12	162	GL: geratene Lösung

MV 04	Blatt 08	Kapitel 6.1	Linearfaktorzerlegung
keine	ElementareFktn	Nummer: 100 0 200408002	Kl: 14G
Grad: 20 Zeit: 30	Quelle: keine	W	

Aufgabe 8.1.6: Zerlegen Sie die Funktion $p(x) = 5x^2 - 50x + 445$ in (komplexe) Linearfaktoren.

Parameter:

x_1 = Faktor vor dem x^2, x_2, x_3 = Realteil und Imaginärteil der komplexen Nullstelle, $x_3 > x_2 > 0, x_1 > 1$

Die Formel ist also: $x_1x^2 - \{2 \cdot x_2 \cdot x_1\}x + \{(x_2^2 + x_3^2) \cdot x_1\}$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 5 \quad x_2 = 5 \quad x_3 = 8$.

Erklärung:

Die Berechung beginnt mit der Mitternachtsformel: $\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$.

Rechnung:

$$\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{50 \pm \sqrt{(50)^2 - 4 \cdot 5 \cdot 445}}{2 \cdot 5} = \frac{50 \pm \sqrt{-6400}}{10} = 5 \pm \frac{80i}{10} = 5 \pm 8i$$

Damit ist die Linearfaktorzerlegung: $5 \cdot (x - (5 + 8i)) \cdot (x - (5 - 8i))$.

Angebotene Lösungen:

1	$5 \cdot (x - (5 + 8i))^2 \cdot (x - (5 - 8i))^2$	2	$5 \cdot (x - 10) \cdot (x - 89)$
3	$5 \cdot (x - 10i) \cdot (x - 89i)$	4	$(x - 50) \cdot (x - 445)$
5	$(x - (8 + 5i)) \cdot (x - (8 - 5i))$	6	$5 \cdot (x - (8 + 5i))^2 \cdot (x - (8 - 5i))^2$
7	$(x - 50)^2 \cdot (x - 445)^2$	☒	$5 \cdot (x - (5 + 8i)) \cdot (x - (5 - 8i))$
9	$(x - 5) \cdot (x - 8)$	10	$5 \cdot (x - (8 + 5i)) \cdot (x - (8 - 5i))$
11	$5 \cdot (x - 5) \cdot (x - 8)$	12	$(x - (5 + 8i))^2 \cdot (x - (5 - 8i))^2$

Fehlerinterpretation:

☐ 1	$5\cdot(x-(5+8i))^2\cdot(x-(5-8i))^2$	DF: MNF Wurzel ist 'reell'
☐ 2	$5\cdot(x-10)\cdot(x-89)$	DF: MNF nicht richtig gerechnet
☐ 3	$5\cdot(x-10i)\cdot(x-89i)$	DF: MNF nicht richtig gerechnet
☐ 4	$(x-50)\cdot(x-445)$	DF: MNF nicht richtig gerechnet
☐ 5	$(x-(8+5i))\cdot(x-(8-5i))$	DF: Realteil und Imaginärteil verwechselt
☐ 6	$5\cdot(x-(8+5i))^2\cdot(x-(8-5i))^2$	DF: Realteil und Imaginärteil verwechselt
☐ 7	$(x-50)^2\cdot(x-445)^2$	DF: MNF nicht richtig gerechnet
☒	$5\cdot(x-(5+8i))\cdot(x-(5-8i))$	richtig
☐ 9	$(x-5)\cdot(x-8)$	DF: MNF nicht richtig gerechnet
☐ 10	$5\cdot(x-(8+5i))\cdot(x-(8-5i))$	DF: Realteil und Imaginärteil verwechselt
☐ 11	$5\cdot(x-5)\cdot(x-8)$	DF: MNF nicht richtig gerechnet
☐ 12	$(x-(5+8i))^2\cdot(x-(5-8i))^2$	DF: MNF Wurzel ist 'reell'

Allgemeine Hinweise:
Bei weiteren Fragen, wenden Sie sich bitte an W. Schmid (sltsoftware @yahoo.de).
Weitere Hinweise finden Sie auf unserer Veranstaltungswebseite unter: http: / / www.vorkurs.de.vu