

Mathe Vorkurs Online - Übungen Blatt 10

MV 04	Blatt 10	Kapitel 7.2	Produktregel
keine	Differenzialrechnung	Nummer: 26 0 200410003	Kl: 14G
Grad: 20 Zeit: 30	Quelle: keine	W	

Aufgabe 10.1.1:

Leiten Sie die Funktion $f: \mathbf{R}^+ \rightarrow \mathbf{R}$ $f(x) = 5 \cdot e^{x+5} \cdot \ln(6x) + 5$ ab.

Parameter:

$x_n =$ Faktoren und Summanden in der Funktion, $x_1 > 1$, $x_2 > 2$, $x_3 > 1$, $x_4 > 0$

Die Formel lautet: $f(x) = x_1 \cdot e^{x+x_2} \cdot \ln(x_3 x) + x_4$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 5$ $x_2 = 5$ $x_3 = 6$ $x_4 = 5$.

Erklärung:

Der schwierige Teil der Funktion besteht aus dem Produkt einer e -Funktion mit einer Logarithmusfunktion. Beide Funktionen können so als Produkt oder Summe geschrieben werden, dass die Kettenregel nicht unbedingt benötigt wird.

Die Produktregel lautet: $(f \cdot g)'(x) = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$.

Rechnung:

Zuerst zerlegen wir die inneren Funktionen:

$$5 \cdot e^{x+5} \cdot \ln(6x) + 5 = 5 \cdot e^5 \cdot e^x \cdot (\ln 6 + \ln x) + 5 = 5 \cdot e^5 \cdot e^x \cdot \ln x + 5 \cdot e^5 \cdot \ln 6 \cdot e^x + 5$$

$$\begin{aligned} f'(x) &= (5 \cdot e^5 \cdot e^x \cdot \ln x + 5 \cdot e^5 \cdot \ln 6 \cdot e^x + 5)' \\ &= 5 \cdot e^5 \cdot e^x \cdot \frac{1}{x} + 5 \cdot e^5 \cdot e^x \cdot \ln x + 5 \cdot e^5 \cdot \ln 6 \cdot e^x && \text{Produktregel} \\ &= 5 \cdot e^5 \cdot e^x \cdot \left(\frac{1}{x} + \ln x + \ln 6\right) \\ &= 5 \cdot e^{x+5} \cdot \left(\frac{1}{x} + \ln(6x)\right). \end{aligned}$$

Die Zerlegung ist nicht notwendig. Mit der Anwendung der Kettenregel hätte man ein äquivalentes Ergebnis erhalten. Bitte beachten Sie, dass $(\ln(ax))' = (\ln a + \ln x)' = \frac{1}{x}$ ist.

Angebotene Lösungen:

- | | | | | | | | |
|----------------------------|---|---------------------------------------|--|-----------------------------|--|-----------------------------|-------------------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | $5 \cdot e^{x+5} \cdot \left(\frac{1}{6x} + \ln(6x)\right)$ | <input type="checkbox"/> 2 | $5 \cdot e^{x+4} \cdot \frac{1}{x}$ | <input type="checkbox"/> 3 | $5 \cdot (e^{x+5} + \frac{1}{x})$ | <input type="checkbox"/> 4 | $5 \cdot (e^{x+5} + \frac{6}{x})$ |
| <input type="checkbox"/> 5 | $5 \cdot e^{x+5} \cdot \frac{1}{6x}$ | <input checked="" type="checkbox"/> 6 | $5 \cdot e^{x+5} \cdot \left(\frac{1}{x} + \ln(6x)\right)$ | <input type="checkbox"/> 7 | $5 \cdot e^{x+4} \cdot \left(\frac{1}{x} + \ln(6x)\right)$ | <input type="checkbox"/> 8 | $5 \cdot e^{x+5} \cdot \frac{1}{x}$ |
| <input type="checkbox"/> 9 | $5 \cdot e^{x+5} \cdot \ln(6x)$ | <input type="checkbox"/> 10 | $5 \cdot (e^{x+5} + \frac{1}{6x})$ | <input type="checkbox"/> 11 | $5 \cdot e^{x+4} \cdot \ln(6x)$ | <input type="checkbox"/> 12 | $5 \cdot e^{x+5} \cdot \frac{6}{x}$ |

Fehlerinterpretation:

- | | | |
|---------------------------------------|---|--------------------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | $5 \cdot e^{x+5} \cdot \left(\frac{1}{6x} + \ln(6x)\right)$ | DF: Logarithmus falsch differenziert |
| <input type="checkbox"/> 2 | $5 \cdot e^{x+4} \cdot \frac{1}{x}$ | DF: Produktregel nicht angewendet |
| <input type="checkbox"/> 3 | $5 \cdot (e^{x+5} + \frac{1}{x})$ | DF: Produktregel nicht angewendet |
| <input type="checkbox"/> 4 | $5 \cdot (e^{x+5} + \frac{6}{x})$ | DF: Produktregel nicht angewendet |
| <input type="checkbox"/> 5 | $5 \cdot e^{x+5} \cdot \frac{1}{6x}$ | DF: Produktregel nicht angewendet |
| <input checked="" type="checkbox"/> 6 | $5 \cdot e^{x+5} \cdot \left(\frac{1}{x} + \ln(6x)\right)$ | richtig |
| <input type="checkbox"/> 7 | $5 \cdot e^{x+4} \cdot \left(\frac{1}{x} + \ln(6x)\right)$ | DF: e -Fktn falsch differenziert |
| <input type="checkbox"/> 8 | $5 \cdot e^{x+5} \cdot \frac{1}{x}$ | DF: Produktregel nicht angewendet |
| <input type="checkbox"/> 9 | $5 \cdot e^{x+5} \cdot \ln(6x)$ | DF: Funktion nicht differenziert |
| <input type="checkbox"/> 10 | $5 \cdot (e^{x+5} + \frac{1}{6x})$ | DF: Produktregel nicht angewendet |
| <input type="checkbox"/> 11 | $5 \cdot e^{x+4} \cdot \ln(6x)$ | DF: e -Fktn falsch differenziert |
| <input type="checkbox"/> 12 | $5 \cdot e^{x+5} \cdot \frac{6}{x}$ | DF: Produktregel nicht angewendet |

MV 04	Blatt 10	Kapitel 7.2	Kettenregel
keine	Differenzialrechnung	Nummer: 30 0 200510008	Kl: 14G
Grad: 20 Zeit: 30	Quelle: keine	W	

Aufgabe 10.1.2:

Leiten Sie die Funktion $f : (0, \frac{1}{4}) \rightarrow \mathbb{R}$ $f(x) = \cos(6 \ln(2 \arccos(4x)))$ ab.

Beim $\arccos x$ soll der Wertebereich $(0, \frac{\pi}{2})$ sein.

Parameter:

$x_n =$ Faktoren in der Funktion, $x_n > 1$

Die Funktion lautet: $f(x) = \cos(x_1 \ln(x_2 \arccos(x_3 x)))$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 6$, $x_2 = 2$, $x_3 = 4$.

Erklärung:

Die Funktion ist dreifach verkettet. Leiten Sie die einzelnen Funktionen ab und multiplizieren Sie die Ergebnisse nach der Kettenregel.

Rechnung:

Sei $h(x) = \arccos(4x)$, $g(h) = \ln(2h)$ und $f(g) = \cos(6g)$, dann gilt:
 $h'(x) = \frac{-4}{\sqrt{1-(4x)^2}}$, $g'(h) = \frac{2}{2h}$ und $f'(g) = -6 \sin(6g)$.

Ableitungen sind hier die Ableitungen nach den einzelnen Variablen. Nach der Kettenregel multipliziert ergibt sich:

$$\begin{aligned} f'(x) &= h'(x) \cdot g'(h) \cdot f'(g) \\ &= \frac{-4}{\sqrt{1-(4x)^2}} \cdot \frac{2}{2h} \cdot -6 \sin(6g) \\ &= \frac{-4}{\sqrt{1-(4x)^2}} \cdot \frac{1}{\arccos(4x)} \cdot -6 \sin(6 \ln(2h)) \\ &= \frac{-4}{\sqrt{1-(4x)^2} \cdot \arccos(4x)} \cdot -6 \sin(6 \ln(2 \arccos(4x))) \\ &= \frac{24 \sin(6 \ln(2 \arccos(4x)))}{\sqrt{1-(4x)^2} \cdot \arccos(4x)} \end{aligned}$$

Angebotene Lösungen:

- | | | |
|---|---|--|
| <input type="checkbox"/> 1 $\frac{24}{2x}$ | <input type="checkbox"/> 2 $\frac{24 \sin(6 \ln(2 \arccos(4x)))}{\sin(4x) \cdot \arccos(4x)}$ | <input type="checkbox"/> 3 $\frac{24}{x}$ |
| <input type="checkbox"/> 4 $\frac{1152 \sin(6 \ln(2 \arccos(4x)))}{\sin(4x) \cdot \arccos(4x)}$ | <input checked="" type="checkbox"/> 5 $\frac{24 \sin(6 \ln(2 \arccos(4x)))}{\sqrt{1-(4x)^2} \cdot \arccos(4x)}$ | <input type="checkbox"/> 6 $\frac{48 \sin(6 \ln(2 \arccos(4x)))}{\sqrt{1-(4x)^2} \cdot \arccos(4x)}$ |
| <input type="checkbox"/> 7 $\frac{1152 \sin(\ln(\arccos(x)))}{\sqrt{1-(4x)^2} \cdot \arccos(4x)}$ | <input type="checkbox"/> 8 $\arccos(4x) \cdot \ln(2x) \cdot \cos(6x)$ | <input type="checkbox"/> 9 $\frac{48}{x}$ |
| <input type="checkbox"/> 10 $\frac{24 \sin(6 \ln(2x))}{\sqrt{1-(4x)^2}}$ | <input type="checkbox"/> 11 $48 \arccos x \cdot \ln x \cdot \cos x$ | <input type="checkbox"/> 12 es gibt keine |

Fehlerinterpretation:

- | | |
|---|---------------------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 $\frac{24}{2x}$ | DF: $\cos(\ln(\arccos x)) \neq \ln x$ |
| <input type="checkbox"/> 2 $\frac{24 \sin(6 \ln(2 \arccos(4x)))}{\sin(4x) \cdot \arccos(4x)}$ | DF: $\arcsin' x \neq \sin x$ |
| <input type="checkbox"/> 3 $\frac{24}{x}$ | DF: $\cos(\ln(\arccos x)) \neq \ln x$ |
| <input type="checkbox"/> 4 $\frac{1152 \sin(6 \ln(2 \arccos(4x)))}{\sin(4x) \cdot \arccos(4x)}$ | DF: $\arcsin' x \neq \sin x$ |
| <input checked="" type="checkbox"/> 5 $\frac{24 \sin(6 \ln(2 \arccos(4x)))}{\sqrt{1-(4x)^2} \cdot \arccos(4x)}$ | richtig |
| <input type="checkbox"/> 6 $\frac{48 \sin(6 \ln(2 \arccos(4x)))}{\sqrt{1-(4x)^2} \cdot \arccos(4x)}$ | DF: Faktor 2 zuviel |
| <input type="checkbox"/> 7 $\frac{1152 \sin(\ln(\arccos(x)))}{\sqrt{1-(4x)^2} \cdot \arccos(4x)}$ | DF: Funktionen sind nicht linear |
| <input type="checkbox"/> 8 $\arccos(4x) \cdot \ln(2x) \cdot \cos(6x)$ | DF: Lösung geraten |
| <input type="checkbox"/> 9 $\frac{48}{x}$ | DF: $\cos(\ln(\arccos x)) \neq \ln x$ |
| <input type="checkbox"/> 10 $\frac{24 \sin(6 \ln(2x))}{\sqrt{1-(4x)^2}}$ | DF: Funktionen sind nicht linear |
| <input type="checkbox"/> 11 $48 \arccos x \cdot \ln x \cdot \cos x$ | DF: Lösung geraten |
| <input type="checkbox"/> 12 es gibt keine | DF: Lösung geraten |

Aufgabe 10.1.3:

Leiten Sie die Funktion $f : \mathbb{D} \rightarrow \mathbb{R}$ $f(x) = 6 \operatorname{arccot}(2x)$ ab. $\mathbb{D} \subset \mathbb{R}$ maximal.

$\operatorname{arccot} x$ ist die Umkehrfunktion von $\cot x = \frac{\cos x}{\sin x}$ wobei der Definitionsbereich $(0, \pi)$ ist.

Parameter:

$x_n =$ Faktoren in der Funktion, $x_n > 1$

Die Funktion lautet: $f(x) = x_1 \operatorname{arccot}(x_2 x)$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 6$, $x_2 = 2$.

Erklärung:

Verwenden Sie die Formel der Ableitung über die Umkehrfunktion:

Sei f bei x_0 differenzierbar und in einem offenen Intervall um x_0 auch umkehrbar ($\Rightarrow f'(x_0) \neq 0$), dann gilt $f^{-1}(x)$ ist bei $y_0 := f(x_0)$ differenzierbar und $f'(x_0) = \frac{1}{(f^{-1}(y_0))' y}$.

Rechnung:

$$(\cot x)' = \left(\frac{\cos x}{\sin x}\right)' = \frac{-\sin^2 x - \cos^2 x}{\sin^2 x} = -1 - \cot^2 x$$

$$\begin{aligned} f'(x) &= \frac{1}{(f^{-1}(y))' y} && \text{Formel der Ableitung über die Umkehrfunktion} \\ &= \frac{1}{-1 - \cot^2 y} && \text{mit oben} \\ &= \frac{1}{-1 - \cot^2 \operatorname{arccot} x} && y = \operatorname{arccot} x \\ &= \frac{-1}{1+x^2} && y = \cot(\operatorname{arccot} x) = x \end{aligned}$$

Damit ist $(6 \operatorname{arccot}(2x))' = \frac{-12}{1+(2x)^2}$.

Angebotene Lösungen:

- | | | | | | | | |
|----------------------------|------------------------------|---------------------------------------|------------------------|-----------------------------|-------------------------------|-----------------------------|-----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | $-12 \cot(2x)$ | <input checked="" type="checkbox"/> 2 | $\frac{-12}{1+(2x)^2}$ | <input type="checkbox"/> 3 | $\frac{-12}{\sqrt{1+(2x)^2}}$ | <input type="checkbox"/> 4 | $\frac{-6}{2+(2x)^2}$ |
| <input type="checkbox"/> 5 | $\frac{12}{\sqrt{1+(2x)^2}}$ | <input type="checkbox"/> 6 | $-12 \arctan(2x)$ | <input type="checkbox"/> 7 | $12 \arctan(2x)$ | <input type="checkbox"/> 8 | $\frac{12}{1+(2x)^2}$ |
| <input type="checkbox"/> 9 | $\frac{-6}{\sqrt{2+(2x)^2}}$ | <input type="checkbox"/> 10 | $\frac{6}{2+(2x)^2}$ | <input type="checkbox"/> 11 | es gibt keine | <input type="checkbox"/> 12 | $\frac{6}{\sqrt{2+(2x)^2}}$ |

Fehlerinterpretation:

- | | | |
|---------------------------------------|-------------------------------|---|
| <input type="checkbox"/> 1 | $-12 \cot(2x)$ | DF: Lösung geraten |
| <input checked="" type="checkbox"/> 2 | $\frac{-12}{1+(2x)^2}$ | richtig |
| <input type="checkbox"/> 3 | $\frac{-12}{\sqrt{1+(2x)^2}}$ | DF: Lösung geraten |
| <input type="checkbox"/> 4 | $\frac{-6}{2+(2x)^2}$ | DF: Lösung geraten |
| <input type="checkbox"/> 5 | $\frac{12}{\sqrt{1+(2x)^2}}$ | DF: Lösung geraten |
| <input type="checkbox"/> 6 | $-12 \arctan(2x)$ | DF: Lösung geraten |
| <input type="checkbox"/> 7 | $12 \arctan(2x)$ | DF: Lösung geraten |
| <input type="checkbox"/> 8 | $\frac{12}{1+(2x)^2}$ | DF: Ableitung von $\arctan x$ verwendet |
| <input type="checkbox"/> 9 | $\frac{-6}{\sqrt{2+(2x)^2}}$ | DF: Lösung geraten |
| <input type="checkbox"/> 10 | $\frac{6}{2+(2x)^2}$ | DF: Lösung geraten |
| <input type="checkbox"/> 11 | es gibt keine | DF: Lösung geraten |
| <input type="checkbox"/> 12 | $\frac{6}{\sqrt{2+(2x)^2}}$ | DF: Lösung geraten |

Aufgabe 10.1.4:

Leiten Sie die Funktion $f : \mathbb{D} \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = 7 \cdot e^{\sqrt[5]{2x+4}}$ ab. ($\mathbb{D} \subseteq \mathbb{R}$ maximal)

Parameter:

$x_n =$ Faktoren und Summanden in der Funktion, $x_1 > 1, x_2 > 2, x_3 > 1, x_4 > 0$

Die Formel lautet: $f(x) = x_1 \cdot e^{(x_2 \sqrt{x_3 x + x_4})}$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 7 \quad x_2 = 5 \quad x_3 = 2 \quad x_4 = 4$.

Erklärung:

Zerlegen Sie zunächst die Funktion in Ihre einzelnen Verknüpfungen. Hier handelt es sich um eine mehrfach verkettete Funktion. Deshalb muss hier die Kettenregel mehrfach angewendet werden.

Die Formel der iterierten Verkettung lautet: $(f \circ g \circ h)'(x) = f'(g(h(x))) \cdot g'(h(x)) \cdot h'(x)$.

Wurzelfunktionen werden mit der Potenzregel $(x^n)' = n \cdot x^{n-1}$ abgeleitet:

$$(\sqrt[n]{x})' = (x^{\frac{1}{n}})' = \frac{1}{n} \cdot x^{\frac{1}{n}-1} = \frac{1}{n} \cdot x^{\frac{1-n}{n}} = \frac{\sqrt[n]{x}}{n \cdot x}$$

Rechnung:

Wir zerlegen zunächst die Funktion in f, g und h .

$$f(g) = e^g \quad g(h) = \sqrt[5]{h} \quad h(x) = 2x + 4;$$

abgeleitet ergibt sich :

$$f'(g) = e^g \quad g'(h) = \frac{\sqrt[5]{h}}{5 \cdot h} \quad h'(x) = 2.$$

$$\begin{aligned} \text{Damit gilt: } f'(x) &= f'(g) \cdot g'(h) \cdot h'(x) = e^g \cdot \frac{\sqrt[5]{h}}{5 \cdot h} \cdot 2 = 7 \cdot e^{\sqrt[5]{2x+4}} \cdot \frac{\sqrt[5]{2x+4}}{5 \cdot (2x+4)} \cdot 2 \\ &= \frac{7 \cdot 2 \cdot \sqrt[5]{2x+4} \cdot e^{\sqrt[5]{2x+4}}}{5 \cdot (2x+4)} = \frac{14}{5} \cdot \frac{\sqrt[5]{2x+4} \cdot e^{\sqrt[5]{2x+4}}}{2x+4} \end{aligned}$$

Angebotene Lösungen:

- | | | |
|---|---|--|
| <input checked="" type="checkbox"/> 1 $\frac{14}{5} \cdot \frac{\sqrt[5]{2x+4} \cdot e^{\sqrt[5]{2x+4}}}{2x+4}$ | <input type="checkbox"/> 2 $\frac{14}{5} \cdot e^x \cdot \frac{\sqrt[5]{x}}{x}$ | <input type="checkbox"/> 3 $\frac{14}{5} \cdot e^{\frac{2x+4}{5}} - 1$ |
| <input type="checkbox"/> 4 $\frac{14}{5} \cdot \frac{e^{x-1}}{\sqrt[5]{2x+4}}$ | <input type="checkbox"/> 5 $\frac{14}{5} \cdot e^{x-1} \cdot \frac{\sqrt[5]{x}}{x}$ | <input type="checkbox"/> 6 $\frac{14}{5} \cdot \frac{e^{\sqrt[5]{2x+4}-1}}{\sqrt[5]{2x+4}}$ |
| <input type="checkbox"/> 7 $7 \cdot (2x+4) \cdot \sqrt[5]{2x+4} \cdot e^{\sqrt[5]{2x+4}}$ | <input type="checkbox"/> 8 $\frac{14}{5} \cdot \frac{e^{\sqrt[5]{2x+4}}}{\sqrt[5]{2x+4}}$ | <input type="checkbox"/> 9 $\frac{14}{5} \cdot \frac{\sqrt[5]{2x+4} \cdot e^{\sqrt[5]{2x+4}-1}}{2x+4}$ |
| <input type="checkbox"/> 10 $\frac{14}{5} \cdot e^{\frac{2x+4}{5}}$ | <input type="checkbox"/> 11 $\frac{14}{5} \cdot \frac{e^x}{\sqrt[5]{2x+4}}$ | <input type="checkbox"/> 12 $\frac{e^{\sqrt[5]{2x+4}}}{\sqrt[5]{2x+4}}$ |

Fehlerinterpretation:

<input checked="" type="checkbox"/>	$\frac{14}{5} \cdot \frac{\sqrt[5]{2x+4} \cdot e^{\sqrt[5]{2x+4}}}{2x+4}$	richtig
<input type="checkbox"/>	$\frac{14}{5} \cdot e^x \cdot \frac{\sqrt[5]{x}}{2x+4}$	DF: nicht rücks substituiert
<input type="checkbox"/>	$\frac{14}{5} \cdot e^{\frac{2x+4}{5} - 1}$	DF: $e^{\sqrt{x}} \neq e^{\frac{x}{2}}$
<input type="checkbox"/>	$\frac{14}{5} \cdot \frac{e^{x-1}}{\sqrt[5]{2x+4}}$	DF: Wurzel falsch abgeleitet
<input type="checkbox"/>	$\frac{14}{5} \cdot e^{x-1} \cdot \frac{\sqrt[5]{x}}{2x+4}$	DF: nicht rücks substituiert
<input type="checkbox"/>	$\frac{14}{5} \cdot \frac{e^{\sqrt[5]{2x+4}-1}}{\sqrt[5]{2x+4}}$	DF: Wurzel falsch abgeleitet
<input type="checkbox"/>	$7 \cdot (2x+4) \cdot \sqrt[5]{2x+4} \cdot e^{\sqrt[5]{2x+4}}$	DF: es wurde nicht differenziert
<input type="checkbox"/>	$\frac{14}{5} \cdot \frac{e^{\sqrt[5]{2x+4}}}{\sqrt[5]{2x+4}}$	DF: Wurzel falsch abgeleitet
<input type="checkbox"/>	$\frac{14}{5} \cdot \frac{\sqrt[5]{2x+4} \cdot e^{\sqrt[5]{2x+4}-1}}{2x+4}$	DF: e^x falsch abgeleitet
<input type="checkbox"/>	$\frac{14}{5} \cdot e^{\frac{2x+4}{5}}$	DF: $e^{\sqrt{x}} \neq e^{\frac{x}{2}}$
<input type="checkbox"/>	$\frac{14}{5} \cdot \frac{e^x}{\sqrt[5]{2x+4}}$	DF: Wurzel falsch abgeleitet
<input type="checkbox"/>	$\frac{e^{\sqrt[5]{2x+4}}}{\sqrt[5]{2x+4}}$	DF: Wurzel falsch abgeleitet

MV 04 Blatt 10 Kapitel 7.2 Produktregel
keine Differenzialrechnung Nummer: 56 0 200410006 Kl: 14G
Grad: 20 Zeit: 30 Quelle: keine W

Aufgabe 10.1.5:

Leiten Sie die Funktion $f : \mathbb{D} \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = \tan(6x+7) \cdot \arctan_{\pi}(\sqrt{7x-7})$ ab ($\mathbb{D} \subseteq \mathbb{R}$ maximal).

Parameter:

$x_n =$ Faktoren und Summanden in der Funktion, $x_n > 1, n = 1, 2, 3, 4$.

Die Formel lautet: $\tan(x_1 x + x_2) \cdot \arctan_{\pi}(\sqrt{x_3 x - x_4})$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 6 \quad x_2 = 7 \quad x_3 = 7 \quad x_4 = 7$.

Erklärung:

Die Funktion ist ein Produkt mit inneren Verkettungen. Deshalb müssen Produktregel und Kettenregel angewandt werden:

$$(f \cdot g)'(x) = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x) \quad \text{und} \quad (f \circ g)'(x) = f'(g(x)) \cdot g'(x).$$

Beachten Sie auch, dass $\tan x \cdot \arctan x \neq x$ ist.

Rechnung:

Wir bilden zuerst die Ableitung von $\tan x$.

$$(\tan(x))' = \left(\frac{\sin x}{\cos x}\right)' = \frac{\cos x \cdot \cos x - (-\sin x \cdot \sin x)}{(\cos x)^2} = \frac{\cos^2 x + \sin^2 x}{\cos^2 x} = \frac{1}{\cos^2 x}.$$

$$\text{Weiter gilt: } (\arctan_{\pi}(x))' = \frac{1}{1+x^2} \quad \text{und} \quad (\sqrt{x})' = (x^{\frac{1}{2}})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}.$$

Sei $g_1(x) = 6x + 7$, dann gilt

$$(\tan(6x+7))' = (\tan(g_1))'_{g_1} \cdot (6x+7)' = \frac{1}{\cos^2(g_1)} \cdot 6 = \frac{6}{\cos^2(6x+7)}.$$

Sei $g_2(h_2) = \sqrt{h_2}$ und $h_2(x) = 7x - 7$, dann gilt

$$\begin{aligned} (\arctan_{\pi}(\sqrt{7x-7}))' &= (\arctan_{\pi} g_2)'_{g_2} \cdot (\sqrt{h_2})'_{h_2} \cdot (7x-7)' = \frac{1}{1+g_2^2} \cdot \frac{1}{2\sqrt{h_2}} \cdot 7 \\ &= \frac{7}{1+(\sqrt{h_2})^2} \cdot \frac{1}{2\sqrt{7x-7}} = \frac{7}{1+7x-7} \cdot \frac{1}{2\sqrt{7x-7}}. \end{aligned}$$

Mit der Produktregel ergibt sich:

$$\begin{aligned} (\tan(6x+7) \cdot \arctan_\pi(\sqrt{7x-7}))' &= \frac{6}{\cos^2(6x+7)} \cdot \arctan_\pi(\sqrt{7x-7}) + \tan(6x+7) \cdot \frac{7}{1+7x-7} \cdot \frac{1}{2\sqrt{7x-7}} \\ &= \frac{6 \arctan_\pi(\sqrt{7x-7})}{\cos^2(6x+7)} + \frac{7 \tan(6x+7)}{(14x-12)\sqrt{7x-7}}. \end{aligned}$$

Angebotene Lösungen:

- | | | | |
|-----------------------------|---|---------------------------------------|---|
| <input type="checkbox"/> 1 | f ist nicht differenzierbar | <input checked="" type="checkbox"/> X | $\frac{6 \arctan_\pi(\sqrt{7x-7})}{\cos^2(6x+7)} + \frac{7 \tan(6x+7)}{(14x-12)\sqrt{7x-7}}$ |
| <input type="checkbox"/> 3 | $6\sqrt{7x-7} + \frac{21x+49}{\sqrt{7x-7}}$ | <input type="checkbox"/> 4 | $(6x+7) \cdot (\sqrt{7x-7})$ |
| <input type="checkbox"/> 5 | $\frac{6}{\cos^2(6x+7)} \cdot \frac{-7}{2 \sin^2(\sqrt{7x-7}) \cdot \sqrt{7x-7}}$ | <input type="checkbox"/> 6 | $\frac{6 \arctan_\pi(\sqrt{7x-7})}{\cos^2(6x+7)} + \frac{-7 \tan(6x+7)}{2 \sin^2(\sqrt{7x-7}) \cdot \sqrt{7x-7}}$ |
| <input type="checkbox"/> 7 | $6 \arctan(6x+7) \cdot \arctan_\pi(\sqrt{7x-7}) + \frac{\tan(6x+7) \cdot \tan(\sqrt{7x-7})}{14\sqrt{7x-7}}$ | <input type="checkbox"/> 8 | $\frac{6}{2\sqrt{7x-7}}$ |
| <input type="checkbox"/> 9 | $\frac{6 \arctan_\pi(7x-7)}{2 \cos^2(6x+7)} + \frac{7 \tan(6x+7)}{2(7x-7)^2}$ | <input type="checkbox"/> 10 | $\frac{6}{2 \cos^2(6x+7)} \cdot \frac{7}{2(7x-7)^2}$ |
| <input type="checkbox"/> 11 | $\tan(6x+7) \cdot \arctan_\pi(\sqrt{7x-7})$ | <input type="checkbox"/> 12 | $\frac{6}{\cos^2(6x+7)} \cdot \frac{7}{(14x-12)\sqrt{7x-7}}$ |

Fehlerinterpretation:

- | | | |
|---------------------------------------|---|---|
| <input type="checkbox"/> 1 | f ist nicht differenzierbar | DF: Lösung geraten |
| <input checked="" type="checkbox"/> X | $\frac{6 \arctan_\pi(\sqrt{7x-7})}{\cos^2(6x+7)} + \frac{7 \tan(6x+7)}{(14x-12)\sqrt{7x-7}}$ | richtig |
| <input type="checkbox"/> 3 | $6\sqrt{7x-7} + \frac{21x+49}{\sqrt{7x-7}}$ | DF: $\tan x \cdot \arctan x \neq x$ |
| <input type="checkbox"/> 4 | $(6x+7) \cdot (\sqrt{7x-7})$ | DF: \tan und \arctan weggelassen |
| <input type="checkbox"/> 5 | $\frac{6}{\cos^2(6x+7)} \cdot \frac{-7}{2 \sin^2(\sqrt{7x-7}) \cdot \sqrt{7x-7}}$ | DF: $\arctan x \neq \frac{1}{\tan x}$ |
| <input type="checkbox"/> 6 | $\frac{6 \arctan_\pi(\sqrt{7x-7})}{\cos^2(6x+7)} + \frac{-7 \tan(6x+7)}{2 \sin^2(\sqrt{7x-7}) \cdot \sqrt{7x-7}}$ | DF: $\arctan x \neq \frac{1}{\tan x}$ |
| <input type="checkbox"/> 7 | $6 \arctan(6x+7) \cdot \arctan_\pi(\sqrt{7x-7}) + \frac{\tan(6x+7) \cdot \tan(\sqrt{7x-7})}{14\sqrt{7x-7}}$ | DF: $(\arctan x)' \neq \tan x$ |
| <input type="checkbox"/> 8 | $\frac{6}{2\sqrt{7x-7}}$ | DF: $\tan x \cdot \arctan x \neq x$ |
| <input type="checkbox"/> 9 | $\frac{6 \arctan_\pi(7x-7)}{2 \cos^2(6x+7)} + \frac{7 \tan(6x+7)}{2(7x-7)^2}$ | DF: $\arctan \sqrt{x} \neq \frac{1}{2} \arctan x$ |
| <input type="checkbox"/> 10 | $\frac{6}{2 \cos^2(6x+7)} \cdot \frac{7}{2(7x-7)^2}$ | DF: $\arctan \sqrt{x} \neq \frac{1}{2} \arctan x$ |
| <input type="checkbox"/> 11 | $\tan(6x+7) \cdot \arctan_\pi(\sqrt{7x-7})$ | DF: Hier steht nur $f(x)$ |
| <input type="checkbox"/> 12 | $\frac{6}{\cos^2(6x+7)} \cdot \frac{7}{(14x-12)\sqrt{7x-7}}$ | DF: Produktregel falsch |

MV 04 Blatt 10 Kapitel 7.2 Produktregel
keine Differenzialrechnung Nummer: 57 0 200410004 Kl: 14G
Grad: 20 Zeit: 30 Quelle: keine W

Aufgabe 10.1.6:

Leiten Sie die Funktion $f : [-1, 1] \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = 7 \cdot \arccos x \cdot (4x^2-4) \cdot \cos x$ für $x \in (-1, 1)$ ab.

Parameter:

$x_n =$ Faktoren und Summanden in der Funktion, $x_n > 1, n = 1, 2$.

Die Formel lautet: $f(x) = x_1 \cdot \arccos x \cdot (x_2 x^2 - x_2) \cdot \cos x$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 7 \quad x_2 = 4$.

Erklärung:

Die Funktion ist ein Produkt bestehend aus drei Faktoren. Deshalb muss hier die Produktregel iteriert angewandt werden.

Die iterierte Produktregel lautet: $(f \cdot g \cdot h)'(x) = f'(x) \cdot g(x) \cdot h(x) + f(x) \cdot g'(x) \cdot h(x) + f(x) \cdot g(x) \cdot h'(x)$.

Rechnung:

Zuerst differenzieren wir die einzelnen Faktoren (f_i):

$$f'_1 := (\arccos x)' = \frac{1}{-\sqrt{1-x^2}} \quad f'_2 := (4x^2-4)' = 8x \quad f'_3 := (\cos x)' = -\sin x.$$

Damit gilt für die Ableitung von $f(x)$:

$$\begin{aligned} f_1 \cdot f_2 \cdot f_3 &= f_1' \cdot f_2 \cdot f_3 + f_1 \cdot f_2' \cdot f_3 + f_1 \cdot f_2 \cdot f_3' \\ &= \frac{1}{-\sqrt{1-x^2}} \cdot (4x^2 - 4) \cdot \cos x + \arccos x \cdot (8x) \cdot \cos x + \arccos x \cdot (4x^2 - 4) \cdot (-\sin x). \end{aligned}$$

$$\text{Damit gilt } f'(x) = 7(4\sqrt{1-x^2} \cos x + (8x \cdot \cos x - (4x^2 - 4) \cdot \sin x) \cdot \arccos x).$$

Angeborene Lösungen:

- 1 $\frac{7}{\sqrt{1-x^2}} \cdot 8x \cdot \sin x$
- 2 $-\arcsin x \cdot (28x^2 - 28) \cdot \cos x + (56x \cdot \cos x + (28x^2 - 28) \cdot \sin x) \cdot \arccos x$
- 3 $\frac{-7}{\sqrt{1-x^2}} \cdot 8x \cdot \cos x - 28\sqrt{1-x^2} \cdot \sin x - \arccos x \cdot 56x \cdot \sin x$
- 4 f ist auf $(-1, 1)$ nicht differenzierbar
- 5 $-28 \cot x + (56x \cdot \cos x + (28x^2 - 28) \cdot \sin x) \cdot \arccos x$
- 6 $28\sqrt{1-x^2} \cos x + (56x \cdot \cos x - (28x^2 - 28) \cdot \sin x) \cdot \arccos x$
- 7 $\frac{7}{\sqrt{1-x^2}} + 56x + 7 \sin x$
- 8 $-\cot x \cdot 56x + (28x^2 - 28) - \arccos x \cdot 56x \cdot \sin x$
- 9 $-7\arcsin x + 56x + 7 \sin x$
- 10 $84x^2 + 14x$
- 11 $-\arcsin x \cdot 56x \cdot \sin x$
- 12 $-\arcsin x \cdot 56x \cdot \cos x + \arcsin x \cdot (28x^2 - 28) \cdot \sin x - \arccos x \cdot 56x \cdot \sin x$

Fehlerinterpretation:

- 1 $\frac{7}{\sqrt{1-x^2}} \cdot 8x \cdot \sin x$ DF: PR falsch
- 2 $-\arcsin x \cdot (28x^2 - 28) \cdot \cos x + (56x \cdot \cos x + (28x^2 - 28) \cdot \sin x) \cdot \arccos x$ DF: $(\arccos x)' \neq \arcsin x$
- 3 $\frac{-7}{\sqrt{1-x^2}} \cdot 8x \cdot \cos x - 28\sqrt{1-x^2} \cdot \sin x - \arccos x \cdot 56x \cdot \sin x$ DF: PR falsch
- 4 f ist auf $(-1, 1)$ nicht differenzierbar DF: Lösung geraten
- 5 $-28 \cot x + (56x \cdot \cos x + (28x^2 - 28) \cdot \sin x) \cdot \arccos x$ DF: $(\arccos x)' \neq \frac{-1}{\sin x}$
- 6 $28\sqrt{1-x^2} \cos x + (56x \cdot \cos x - (28x^2 - 28) \cdot \sin x) \cdot \arccos x$ richtig
- 7 $\frac{7}{\sqrt{1-x^2}} + 56x + 7 \sin x$ DF: PR falsch
- 8 $-\cot x \cdot 56x + (28x^2 - 28) - \arccos x \cdot 56x \cdot \sin x$ DF: PR falsch
- 9 $-7\arcsin x + 56x + 7 \sin x$ DF: PR falsch
- 10 $84x^2 + 14x$ DF: $\arccos x \cdot \cos x \neq x$
- 11 $-\arcsin x \cdot 56x \cdot \sin x$ DF: PR falsch
- 12 $-\arcsin x \cdot 56x \cdot \cos x + \arcsin x \cdot (28x^2 - 28) \cdot \sin x - \arccos x \cdot 56x \cdot \sin x$ DF: PR falsch

MV 04 Blatt 10 Kapitel 7.2 Produktregel
keine Differenzialrechnung Nummer: 60 0 200410005 Kl: 14G
Grad: 20 Zeit: 30 Quelle: keine W

Aufgabe 10.1.7:

Leiten Sie die Funktion $f: \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}$ $f(x) = \frac{6x+7}{\sqrt{4x}}$ ab.

Parameter:

$x_n =$ Faktoren und Summanden in der Funktion, $x_n > 1$, $n = 1, 2, 3$.

Die Formel lautet: $f(x) = \frac{x_1 x_2 + x_3}{\sqrt{x_3 x}}$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 6$ $x_2 = 7$ $x_3 = 4$.

Erklärung:

Die Funktion ist ein Quotient. Damit muss die Quotientenregel angewendet werden.

$$\left(\frac{f}{g}\right)'(x) = \frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{g^2(x)}$$

Rechnung:

$$g'(x) = (\sqrt{4x})' = (\sqrt{4} \cdot \sqrt{x})' = \sqrt{4} \cdot (x^{\frac{1}{2}})' = \sqrt{4} \cdot \frac{1}{2} \cdot x^{-\frac{1}{2}} = \sqrt{\frac{4}{4x}}$$

Damit gilt:

$$\left(\frac{6x+7}{\sqrt{4x}}\right)' = \frac{6 \cdot \sqrt{4x} - (6x+7) \cdot \sqrt{\frac{4}{4x}}}{(\sqrt{4x})^2} = \frac{6 \cdot \sqrt{4} \cdot x - \frac{1}{2}(6x+7) \cdot \sqrt{4}}{4x\sqrt{x}} = \frac{\frac{6}{2}\sqrt{4x} - \frac{7}{2} \cdot \sqrt{4}}{4x\sqrt{x}}$$

Angeborene Lösungen:

1 $\pm \frac{3x-\frac{7}{2}}{4x}$

2 $\frac{3x-\frac{7}{2}}{4x}$

3 $\pm \frac{9x+\frac{7}{2}}{4x\sqrt{4x}}$

4 $\frac{9x+\frac{7}{2}}{4x\sqrt{4x}}$

5 $\frac{9x+\frac{7}{2}}{4x}$

6 $\pm \frac{3x-\frac{7}{2}}{4x\sqrt{4x}}$

7 $\pm \frac{3\sqrt{4x}-\frac{7}{2}\cdot\sqrt{4}}{4x\sqrt{x}}$

8 $\frac{3x-\frac{7}{2}}{4x\sqrt{4x}}$

9 $\pm \frac{9\sqrt{4x}+\frac{7}{2}\cdot\sqrt{4}}{4x\sqrt{x}}$

10 $\frac{9\sqrt{4x}+\frac{7}{2}\cdot\sqrt{4}}{4x\sqrt{x}}$

X $\frac{3\sqrt{4x}-\frac{7}{2}\cdot\sqrt{4}}{4x\sqrt{x}}$

12 $\pm \frac{9x+\frac{7}{2}}{4x}$

Fehlerinterpretation:

1 $\pm \frac{3x-\frac{7}{2}}{4x}$

DF: \pm gehört hier nicht hin

2 $\frac{3x-\frac{7}{2}}{4x}$

RF: Nenner nicht quadriert

3 $\pm \frac{9x+\frac{7}{2}}{4x\sqrt{4x}}$

DF: \pm gehört hier nicht hin

4 $\frac{9x+\frac{7}{2}}{4x\sqrt{4x}}$

RF: Konstanter Faktor der Wurzel falsch behandelt

5 $\frac{9x+\frac{7}{2}}{4x}$

RF: Nenner nicht quadriert

6 $\pm \frac{3x-\frac{7}{2}}{4x\sqrt{4x}}$

DF: \pm gehört hier nicht hin

7 $\pm \frac{3\sqrt{4x}-\frac{7}{2}\cdot\sqrt{4}}{4x\sqrt{x}}$

DF: \pm gehört hier nicht hin

8 $\frac{3x-\frac{7}{2}}{4x\sqrt{4x}}$

RF: Konstanter Faktor der Wurzel falsch behandelt

9 $\pm \frac{9\sqrt{4x}+\frac{7}{2}\cdot\sqrt{4}}{4x\sqrt{x}}$

DF: \pm gehört hier nicht hin

10 $\frac{9\sqrt{4x}+\frac{7}{2}\cdot\sqrt{4}}{4x\sqrt{x}}$

RF: Im Zähler nicht subtrahiert

X $\frac{3\sqrt{4x}-\frac{7}{2}\cdot\sqrt{4}}{4x\sqrt{x}}$

richtig

12 $\pm \frac{9x+\frac{7}{2}}{4x}$

DF: \pm gehört hier nicht hin

MV 04

Blatt 10

Kapitel 7.2

Kettenregel

keine

Differenzialrechnung

Nummer: 95 0 200410001

Kl: 14G

Grad: 20 Zeit: 30

Quelle: keine

W

Aufgabe 10.1.8: Leiten Sie die Funktion $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ $f(x) = 6 \sin(3x+5) + 2$ ab.**Parameter:** $x_n =$ Faktoren und Summanden in der Funktion, $x_n > 1$ $n = 1..4$ Die Formel lautet: $f(x) = x_1 \sin(x_2 x + x_3) + x_4$.In dieser Aufgabe sind $x_1 = 6$ $x_2 = 3$ $x_3 = 5$ $x_4 = 2$.**Erklärung:**

Zerlegen Sie zunächst die Funktion in Ihre einzelnen Verknüpfungen. Dabei stellt nur die Sinusfunktion ein Problem dar, weil sie eine innere Funktion besitzt.

Wenden Sie dabei die Kettenregel $(f \circ g)'(x_0) = f'(g(x_0)) \cdot g'(x_0)$ an.**Rechnung:**

Wir zerlegen zunächst die Sinusfunktion. Dabei definieren wir $f_1(x) = \sin(3x + 5)$ und $g(x) = 3x + 5$. Damit ist $f_1(g) = \sin g$. Nach der Kettenregel gilt

$$(f_1(x))'x = (\sin(3x + 5))'x = (\sin g)'g \cdot (3x + 5)'x = \cos g \cdot 3 = 3 \cdot \cos(3x + 5)$$

Nach den Regeln der Ableitung konstanter Summanden und Faktoren gilt also $(6 \sin(3x + 5) + 2)'x = 6 \cdot 3 \cdot \cos(3x + 5) = 18 \cdot \cos(3x + 5)$.

Angeborene Lösungen:

- | | | | | | |
|---------------------------------------|-----------------------------|-----------------------------|---------------------------------------|-----------------------------|---------------------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | $6 \cdot \cos 3$ | <input type="checkbox"/> 2 | $6 \cdot (3x + 5) \cdot \cos(3x + 5)$ | <input type="checkbox"/> 3 | $6 \cdot \cos(3x + 5) + 2$ |
| <input checked="" type="checkbox"/> 4 | $18 \cdot \cos(3x + 5)$ | <input type="checkbox"/> 5 | $6 \cdot \sin 3$ | <input type="checkbox"/> 6 | $\cos(3x + 5)$ |
| <input type="checkbox"/> 7 | $18 \cdot \cos(3x + 5) + 2$ | <input type="checkbox"/> 8 | $\sin(3x + 5)$ | <input type="checkbox"/> 9 | $6 \cdot (3x + 5) \cdot \sin(3x + 5)$ |
| <input type="checkbox"/> 10 | $\cos 3$ | <input type="checkbox"/> 11 | $3 \cdot \cos(3x + 5) + 2$ | <input type="checkbox"/> 12 | $6 \cdot \cos(3x + 5)$ |

Fehlerinterpretation:

- | | | |
|---------------------------------------|---------------------------------------|---|
| <input type="checkbox"/> 1 | $6 \cdot \cos 3$ | DF: Innere Funktion abgeleitet |
| <input type="checkbox"/> 2 | $6 \cdot (3x + 5) \cdot \cos(3x + 5)$ | DF: Innere Ableitung vergessen |
| <input type="checkbox"/> 3 | $6 \cdot \cos(3x + 5) + 2$ | DF: Innere Ableitung vergessen |
| <input checked="" type="checkbox"/> 4 | $18 \cdot \cos(3x + 5)$ | richtig |
| <input type="checkbox"/> 5 | $6 \cdot \sin 3$ | DF: Innere Funktion abgeleitet |
| <input type="checkbox"/> 6 | $\cos(3x + 5)$ | DF: Innere Ableitung vergessen |
| <input type="checkbox"/> 7 | $18 \cdot \cos(3x + 5) + 2$ | RF: Konstanter Summand nicht abgeleitet |
| <input type="checkbox"/> 8 | $\sin(3x + 5)$ | DF: Innere Funktion abgeleitet |
| <input type="checkbox"/> 9 | $6 \cdot (3x + 5) \cdot \sin(3x + 5)$ | DF: Innere Ableitung vergessen |
| <input type="checkbox"/> 10 | $\cos 3$ | DF: Innere Funktion abgeleitet |
| <input type="checkbox"/> 11 | $3 \cdot \cos(3x + 5) + 2$ | RF: Konstanter Summand nicht abgeleitet |
| <input type="checkbox"/> 12 | $6 \cdot \cos(3x + 5)$ | DF: Innere Ableitung vergessen |

MV 04 Blatt 10 Kapitel 7.2 Produktregel
keine Differenzialrechnung Nummer: 96 0 200410007 Kl: 14G
Grad: 20 Zeit: 30 Quelle: keine W

Aufgabe 10.1.9:

Leiten Sie die Funktion $f : (0, 1) \rightarrow \mathbf{R}$ $f(x) = \ln(4x+6) \cdot \arcsin(\sin(3x-2))$ ab.

Parameter:

$x_n =$ Faktoren und Summanden in der Funktion, $x_n > 1$, $n = 1, 2, 3, 4$.

Die Formel lautet: $\ln(x_1 x + x_2) \cdot \arcsin(\sin(x_3 x - x_4))$.

In dieser Aufgabe sind $x_1 = 4$ $x_2 = 6$ $x_3 = 3$ $x_4 = 2$.

Erklärung:

Zuerst können Sie \sin und \arcsin zusammenfassen.

Zum Berechnen der Ableitung verwenden Sie die Produktregel und die Kettenregel:

$$(f \cdot g)'(x) = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x) \quad \text{und} \quad (f \circ g)'(x) = f'(g(x)) \cdot g'(x).$$

Rechnung:

$\arcsin(\sin x) = x$. Damit gilt $f(x) = \ln(4x + 6) \cdot (3x - 2)$. Mit $(\ln x)' = \frac{1}{x}$ gilt $(\ln(4x + 6))' = \frac{4}{4x + 6}$.

$$\text{Damit ist} \quad f'(x) = \frac{4}{4x + 6} \cdot (3x - 2) + 3 \ln(4x + 6) = \frac{12x - 8}{4x + 6} + 3 \ln(4x + 6).$$

Angeborene Lösungen:

- | | | | | | | | |
|---------------------------------------|--|-----------------------------|--|-----------------------------|--|-----------------------------|-------------------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | $\ln \frac{3x-2}{4x+6}$ | <input type="checkbox"/> 2 | $12 \ln \frac{3x-2}{4x+6}$ | <input type="checkbox"/> 3 | $\frac{4x+6}{\sqrt{3x-3}} + 4 \ln(4x+6)$ | <input type="checkbox"/> 4 | $\frac{4x+6}{3x-2} \cdot \ln(4x+6)$ |
| <input checked="" type="checkbox"/> 5 | $\frac{12x-8}{4x+6} + 3 \ln(4x+6)$ | <input type="checkbox"/> 6 | $\sin\left(\frac{4x+6}{3x-2}\right) + \ln(4x+6)$ | <input type="checkbox"/> 7 | $12 \sin \frac{3x-2}{4x+6}$ | <input type="checkbox"/> 8 | $\sqrt{\frac{3x-2}{4x+6}}$ |
| <input type="checkbox"/> 9 | $\sin\left(\ln\left(\frac{4x+6}{3x-2}\right)\right)$ | <input type="checkbox"/> 10 | $12 \sqrt{\frac{3x-2}{4x+6}}$ | <input type="checkbox"/> 11 | $\frac{12}{4x+6}$ | <input type="checkbox"/> 12 | $\sin \frac{3x-2}{4x+6}$ |

Fehlerinterpretation:

- | | | |
|---------------------------------------|--|-------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | $\ln \frac{3x-2}{4x+6}$ | DF: Geratene Lösung |
| <input type="checkbox"/> 2 | $12 \ln \frac{3x-2}{4x+6}$ | DF: Geratene Lösung |
| <input type="checkbox"/> 3 | $\frac{4x+6}{\sqrt{3x-3}} + 4 \ln(4x+6)$ | DF: Geratene Lösung |
| <input type="checkbox"/> 4 | $\frac{4x+6}{3x-2} \cdot \ln(4x+6)$ | DF: Geratene Lösung |
| <input checked="" type="checkbox"/> 5 | $\frac{12x-8}{4x+6} + 3 \ln(4x+6)$ | richtig |
| <input type="checkbox"/> 6 | $\sin\left(\frac{4x+6}{3x-2}\right) + \ln(4x+6)$ | DF: Geratene Lösung |
| <input type="checkbox"/> 7 | $12 \sin \frac{3x-2}{4x+6}$ | DF: Geratene Lösung |
| <input type="checkbox"/> 8 | $\sqrt{\frac{3x-2}{4x+6}}$ | DF: Geratene Lösung |
| <input type="checkbox"/> 9 | $\sin\left(\ln\left(\frac{4x+6}{3x-2}\right)\right)$ | DF: Geratene Lösung |
| <input type="checkbox"/> 10 | $12 \sqrt{\frac{3x-2}{4x+6}}$ | DF: Geratene Lösung |
| <input type="checkbox"/> 11 | $\frac{12}{4x+6}$ | DF: Produktregel falsch |
| <input type="checkbox"/> 12 | $\sin \frac{3x-2}{4x+6}$ | DF: Geratene Lösung |

Allgemeine Hinweise:

Bei weiteren Fragen, wenden Sie sich bitte an W. Schmid (sltsoftware@yahoo.de).

Weitere Hinweise finden Sie auf unserer Veranstaltungswebseite unter: <http://www.vorkurs.de.vu>