Übungen zur Vorlesung Algorithmische Fragestellungen für komprimierte Daten

- 1. Beweisen Sie Lemma 1 aus der Vorlesung: $|\rho(n)| = \lfloor \log(n) \rfloor$, d.h. die Länge des Längen-lexicographisch n-ten Wortes ist $\lfloor \log(n) \rfloor$.
- **2.** Eine Sprache $L \subseteq A^*$ hat polynomiale Dichte, falls ein Polynom p(n) existiert mit $|L \cap A^n| \le p(n)$ für all $n \ge 0$. Zeigen Sie, dass H(L) = 0, falls L polynomiale Dichte hat.
- 3. Sei $A=\{a,b,c,d\}$ das zugrundeliegende Alphabet. Sei $L=\{a,b\}^*c\{a,b,d\}^*$. Zeigen Sie, dass $H(L)=\log 3$ gilt.